

5. चौकोन

Extra Questions

प्र. 1). □ UVWP हा समांतरभुज चौकोन आहे. $\angle V = 65^\circ$ तर

या चौकोनाच्या उरलेल्या कोनांची मापे काढा.

उकल : □ UVWP हा समांतरभुज चौकोन आहे. $\angle V = 65^\circ$ आहे.

$$\therefore \angle U + \angle V = 180^\circ \dots\dots(\text{समांतरभुज चौकोनाचे लगतचे कोन})$$

$$\therefore \angle U + 65^\circ = 180^\circ$$

$$\therefore \angle U = 180^\circ - 65^\circ$$

$$\therefore \angle U = 115^\circ$$

$$\therefore \angle U = \angle W \dots\dots(\text{समांतरभुज चौकोनाचे संमुख कोन})$$

$$\therefore \angle W = 115^\circ$$

$$\angle V = \angle P \dots\dots(\text{समांतरभुज चौकोनाचे संमुख कोन})$$

$$\therefore \angle P = 65^\circ$$

$$\therefore \angle V = 65^\circ, \angle W = 115^\circ, \angle P = 65^\circ, \angle U = 115^\circ$$

प्र. 2) समांतरभुज चौकोनाच्या संमुख बाजूंचे गुणोत्तर 2 : 4 आणि

त्याची परिमिती 60 सेमी आहे तर त्याच्या बाजूची लांबी काढा.

उकल : समांतरभुज चौकोनाच्या संमुख बाजूंचे गुणोत्तर 2 : 4

$$\therefore \text{संमुख बाजू } 2x \text{ आणि } 4x$$

समांतरभुज चौकोनाच्या संमुख बाजू एकरूप असतात.

$$2x + 4x + 2x + 4x = 60$$

$$12x = 60$$

$$x = \frac{60}{12}$$

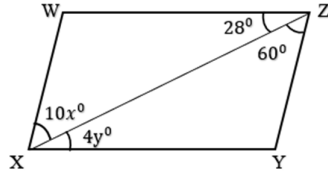
$$x = 5$$

$$\therefore 2x = 2 \times 5 = 10 \text{ सेमी}$$

$$\text{आणि } 4x = 4 \times 5 = 20 \text{ सेमी}$$

$\therefore$ समांतरभुज चौकोनाच्या बाजू 10 सेमी, 20 सेमी, 10 सेमी, आणि 20 सेमी.

प्र. 3) दिलेल्या आकृतीमध्ये $\square WXYZ$ हा समांतरभुज चौकोन आहे तर x आणि y च्या किंमती काढा.



उकल : $\square WXYZ$ हा समांतरभुज चौकोन आहे.

रेख $XY \parallel$ रेख WZ आणि रेख XZ ही छेदिका आहे.

$$\therefore \angle WZX \cong \angle ZXY \quad \dots\dots\dots (\text{व्युत्क्रम कोन})$$

$$\therefore \angle ZXY \cong \angle WZX$$

$$4y = 28^\circ$$

$$y = \frac{28}{4}$$

$$y = 7^\circ \quad \dots\dots\dots (I)$$

आता,

$\angle WXY \cong \angle YZW$ (समांतरभुज चौकोनाचे संमुख कोन)

$\therefore \angle WXZ + \angle ZXY = \angle WZX + \angle XZY$ (संमुख कोन)

$$10x + 4y = 28^0 + 60^0$$

$$10x + 4 \times 7 = 88$$

$$10x + 28 = 88 \quad \dots [(I) \text{ वरून } y = 7^0]$$

$$10x = 88 - 28$$

$$10x = 60$$

$$x = \frac{60}{10}$$

$$x = 6$$

$$\therefore x = 6^0, y = 7^0$$

प्र. 4) समांतरभुज चौकोनाचे संमुख कोनांचे गुणोत्तर 2 : 3 आहे.

तर समांतरभुज चौकोनाच्या सर्व कोनाची मापे काढा.

उकल : □ PQRS हा समांतरभुज चौकोन आहे.

समांतरभुज चौकोनाचे संमुख कोन पूरक असतात.

$\angle P$ आणि $\angle S$ हे संमुख कोन आहेत.

$$\therefore \angle P = 2x^0, \angle S = 3x^0 \text{ मानू.}$$

$$\angle P + \angle S = 180^0$$

$$\therefore 2x + 3x = 180^0$$

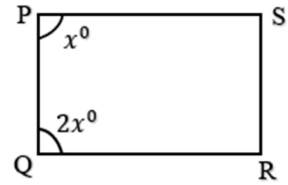
$$5x = 180^0$$

$$x = \frac{180^0}{5}$$

$$\therefore x = 36^0$$

$$\therefore \angle P = 2x = 2 \times 36^0 = 72^0$$

$$\angle S = 3x = 3 \times 36 = 108^0$$



$$\therefore \angle P = \angle R = 72^\circ$$

$$\angle S = \angle Q = 108^\circ$$

समांतरभुज चौकोनाच्या सर्व कोनांची मापे

$$72^\circ, 108^\circ, 72^\circ \text{ आणि } 108^\circ$$

प्र. 5) समांतरभुज $\square ABCD$ मध्ये, $\angle A = (2x - 30)^\circ$, $\angle B =$

$(2x + 10)^\circ$ तर x ची किंमत काढा, यावरून

$\angle C$ आणि $\angle D$ ची मापे काढा.

उकल : समांतरभुज चौकोनाचे लगतचे कोन पूरक असतात.

$\angle A$ आणि $\angle B$ हे लगतचे कोन आहेत.

$$\angle A + \angle B = 180^\circ$$

$$(2x - 30) + (2x + 10) = 180^\circ$$

$$4x - 20 = 180^\circ$$

$$4x = 180^\circ + 20$$

$$4x = 200$$

$$x = \frac{200}{4}$$

$$x = 50$$

$$\therefore \angle A = (2x - 30)^\circ = 2 \times 50 - 30 = 100 - 30 = 70^\circ$$

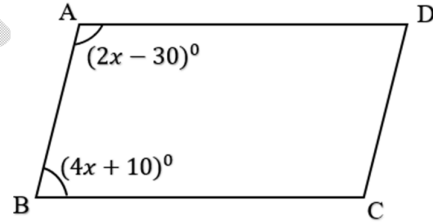
$$\therefore \angle B = 2x + 10 = 2 \times 50 + 10 = 100 + 10 = 110^\circ$$

समांतरभुज चौकोनाचे संमुख कोन एकरूप असतात.

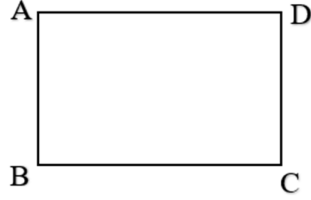
$$\therefore \angle A = \angle C = 70^\circ$$

$$\therefore \angle B = \angle D = 110^\circ$$

$$\therefore x = 50^\circ, \angle C = 70^\circ, \angle D = 110^\circ$$



प्र.6) एका समांतरभुज चौकोनाची परिमिती 160 सेमी आहे आणि एक बाजू दुसरी बाजूपेक्षा 30 ने मोठी आहे. तर त्या समांतरभुज चौकोनाच्या सर्व बाजूंची लांबी काढा.



उकल : □ ABCD हा समांतरभुज चौकोन आहे.

समांतरभुज चौकोनाच्या संमुख बाजू एकरूप असतात

$AB = x$ सेमी मानू $BC = x + 30$ सेमी मानू.

.....(दिलेल्या अटीनुसार)

$$\therefore AB = DC = x, BC = AD = x + 30$$

$$\therefore AB + DC + BC + AD = 160$$

$$x + x + x + 30 + x + 30 = 160$$

$$4x + 60 = 160$$

$$\therefore 4x = 160 - 60$$

$$\therefore 4x = 100$$

$$x = \frac{100}{4}$$

$$x = 25 \text{ सेमी}$$

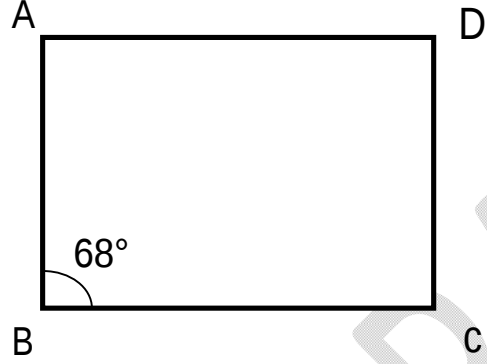
$$\therefore AB = DC = 25 \text{ सेमी}$$

$$BC = AD = x + 30 = 25 + 30 = 55 \text{ सेमी}$$

$\therefore$ समांतरभुज चौकोनाची सर्व बाजूंची लांबी 25 सेमी , 55 सेमी ,

25 सेमी , 55 सेमी आहे.

प्र. 7) शेजारील आकृतीमध्ये, जर $\angle B = 68^\circ$ तर $\angle A$, $\angle C$,
आणि $\angle D$ काढा.



उकल : समांतरभुज चौकोनाचे लगतचे कोन समान असतात.

$$\angle B = \angle D \Rightarrow \angle D = 68^\circ$$

.... ($\because \angle B = 68^\circ$...दिलेले आहे)

$\because \angle B$ आणि $\angle C$ हे पूरक कोन आहेत.

$$\therefore \angle B + \angle C = 180^\circ$$

$$\angle C = 180^\circ - \angle B$$

$$\angle C = 180^\circ - 68^\circ$$

$$\angle C = 112^\circ$$

$\angle A$ आणि $\angle C$ हे लगतचे कोन आहेत.

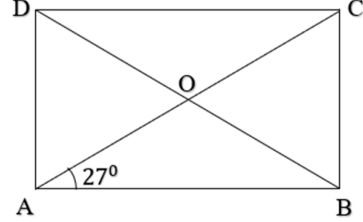
$$\therefore \angle A = \angle C$$

$$\angle A = 112^\circ \text{ } (\angle C = 112^\circ)$$

$$\therefore \angle A = 112^\circ, \angle D = 68^\circ \text{ आणि } \angle C = 112^\circ$$

प्र. 8) शेजारील आकृतीमध्ये, आयताचे कर्ण AC आणि BD हे O मध्ये छेदतात जर $\angle OAB = 27^\circ$ तर $\angle OBC$ काढा.

उकल : आयताचे कर्ण समान असतात आणि ते एकमेकांना दुभागतात.



$$OA = OB$$

$$\Rightarrow \angle OBA = \angle OAB = 27^\circ$$

प्रत्येकी आयताच्या कोनाचे माप 90°

$$\angle ABC = 90^\circ$$

$$\angle ABO + \angle CBO = 90^\circ$$

$$\angle OBA + \angle OBC = 90^\circ$$

$$27^\circ + \angle OBC = 90^\circ$$

$$\angle OBC = 90^\circ - 27^\circ$$

$$\angle OBC = 63^\circ$$

प्र.9) चौकोनाच्या कोनांची गुणोत्तरे $3 : 5 : 9 : 13$ आहेत तर

चौकोनाच्या सर्व कोनांची मापे काढा.

उकल : चौकोनाच्या कोनांची मापे $3x$, $5x$, $9x$ आणि $13x$

$$\text{चौकोनाच्या कोनांच्या मापांची बेरीज} = 360^\circ$$

$$3x + 5x + 9x + 13x = 360^\circ$$

$$30x = 360$$

$$x = \frac{360}{30}$$

$$x = 12^\circ$$

$$\therefore 3x = 3 \times 12 = 36$$

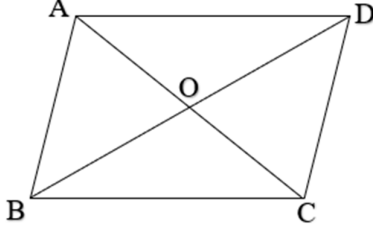
$$\therefore 5x = 5 \times 12 = 60$$

$$\therefore 9x = 9 \times 12 = 108^\circ$$

$$\therefore 13x = 13 \times 12 = 156^\circ$$

प्र. 10) समांतरभुज □ ABCD चे कर्ण बिंदू O मध्ये छेदतात.

$\angle BCD = 140^\circ$ तर $\angle BAD = ?$ $\angle CDA = ?$ जर $l(OC) = 6$ सेमी तर $l(AC) = ?$



उकल : समांतरभुज □ ABCD मध्ये,

$$\angle BCD \cong \angle BAD \quad \dots (1)$$

....(समांतरभुज चौकोनाचे संमुख कोन एकरूप असतात)

$$\angle BCD = 140^\circ \quad \dots (II)$$

$$\therefore \angle BAD = 140^\circ \quad \dots (I) \text{ व } (II) \text{ वरून} \quad \dots (III)$$

समांतरभुज □ ABCD मध्ये,

रेषा BA $\parallel$ रेषा CD आणि AD ही छेदिका आहे.

$$\therefore \angle BAD + \angle CDA = 180^\circ \quad \dots (\text{आंतरकोन})$$

$$\therefore 140^\circ + \angle CDA = 180^\circ \quad \dots [(III) \text{ वरून}]$$

$$\therefore \angle CDA = 180^\circ - 140^\circ$$

$$\therefore \angle CDA = 40^\circ$$

$$\therefore l(AC) = 2 \times l(OC)$$

....(समांतरभुज चौकोनाचे कर्ण परस्परांना दुभागतात)

$$\therefore l(AC) = 2 \times 6$$

$$\therefore l(AC) = 12$$

$$\therefore \angle BAD = 140^\circ, \angle CDA = 40^\circ, l(AC) = 12 \text{ सेमी.}$$

प्र. 11) समांतरभुज चौकोनाची एक बाजू 5 : 4 सेमी आहे. दुसरी बाजू पहिल्या बाजूच्या $\frac{2}{3}$ पट आहे. तर समांतरभुज चौकोनाची परिमिती काढा.

उकल : □ LMNO हा समांतरभुज चौकोन आहे.

LM = 5 : 4 सेमी आहे.

$$\begin{aligned}\therefore MN &= \frac{2}{3} \times LM \\ &= \frac{2}{3} \times 5.4 \\ &= 3.6 \text{ सेमी}\end{aligned}$$

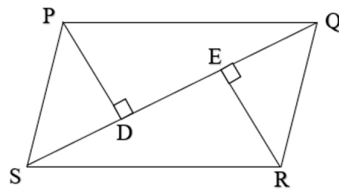
LM = NO = 5.4 सेमी(समांतरभुज चौकोनाच्या संमुख भुजा)

MN = LO = 3.6 सेमी (समांतरभुज चौकोनाच्या संमुख भुजा)

$$\begin{aligned}\text{समांतरभुज चौकोनाची परिमिती} &= 2 (\text{लगतच्या बाजूंची बेरीज}) \\ &= 2 (5.4 + 3.6) \\ &= 2 (9) \\ &= 18 \text{ सेमी}\end{aligned}$$

$\therefore$ समांतरभुज चौकोनाची परिमिती 18 सेमी.

प्र. 12. □ PQRS हा समांतरभुज चौकोन आहे. रेख PD $\perp$ रेख QS रेख RE $\perp$ रेख QS तर सिद्ध करा कि रेख PD $\cong$ रेख RE



उकल : $\square PQRS$ हा समांतरभुज चौकोन आहे.

रेख $PS \parallel$ रेख QR , SQ ही छेदिका आहे.

$\angle PSQ \cong \angle SQR$ (व्युत्क्रम कोन)

$\angle PSD \cong \angle EQR$ (I)

रेख $PS \cong$ रेख QR (II) ... (समांतरभुज चौकोनाचे लगतचे कोन)

$\triangle PSD$ आणि $\triangle RQE$ मध्ये,

$\angle PSD \cong \angle EQR$ ((I) वरून)

रेख $PS \cong$ रेख QR [(II) वरून]

$\angle PDS \cong \angle REQ$ (प्रत्येकी काटकोन त्रिकोण)

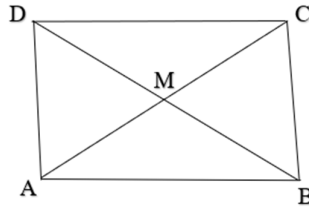
$\therefore \triangle PSD \cong \triangle RQE$ (बा - को - को कसोटी)

$\therefore$ रेख $PD \cong$ रेख RE

प्र. 13). दिलेल्या आकृतीमध्ये, रेख $AD \cong$ रेख BC , रेख DM

$\cong$ रेख BM , $\angle AOM \cong \angle CBM$ तर सिद्ध करा की, $\square ABCD$

हा समांतरभुज चौकोन आहे.



उकल : $\triangle ADM$ आणि $\triangle CBM$ मध्ये,

रेख $AD \cong$ रेख BC (दिलेले आहे)

रेख $DM \cong$ रेख BM (दिलेले आहे)

$\angle ADM \cong \angle CBM$ (दिलेले आहे)

$\therefore \Delta \text{ADM} \cong \Delta \text{CBM} \dots\dots\dots (\text{बा - को - बा कसोटी})$

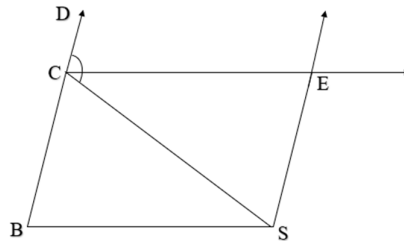
$\therefore$ रेख $AM \cong$ रेख CM

रेख $DM \cong$ रेख BM (जर चौकोनाचे कर्ण परस्परांना

दुभागतात तर तो समांतरभुज चौकोन असतो)

∴ □ ABCD हा समांतरभुज चौकोन आहे.

प्र.14) दिलेल्या आकृतीमध्ये $\triangle CBS$ मध्ये रेख $BC \cong$ रेख SC ,
किरण CE हा $\angle DCS$ चा दुभाजक आहे तर किरण $SE \parallel$
किरण BC तर सिद्ध करा की $\square CBSE$ हा समांतरभुज
चौकोन आहे.



उकल : Δ CBS मध्ये,

रेख BC रेखSC $\cong$ (दिलेले आहे)

$\angle B \cong \angle CSB$ (I) (समद्विभुज त्रिकोणाचे प्रमेय)

$\angle DCS$ हा $\triangle CBS$ चा बाह्यकोन आहे.

$$\therefore \angle B + \angle CSB = \angle DCS$$

..... (त्रिकोणाचे दूरस्थ आंतरकोनांचे प्रमेय)

$$\angle \text{CSB} + \angle \text{CSB} = \angle \text{DCS} \quad \dots\dots\dots [\text{(I) वरुण}]$$
$$\therefore 2 \angle \text{CSB} = \angle \text{DCS} \quad \dots\dots\dots (\text{II})$$

किरण CE हा $\angle$ DCS चा द्भाजक आहे.(दिलेले आहे)

$$\therefore \angle DCE = \angle SCE = \frac{1}{2} \angle DCS \quad \dots\dots (III)$$

$$\therefore \angle DCS = 2\angle ECS \quad \dots\dots (IV)$$

$$\therefore 2\angle CSB = 2\angle ECS \quad \dots\dots [(II) \text{ आणि } (IV) \text{ वरून }]$$

$$\therefore \angle CSB = \angle ECS$$

$\therefore$ रेख CE $\parallel$ रेख BS (V) ...(समांतर रेषांची व्युत्क्रमकोन कसोटी)

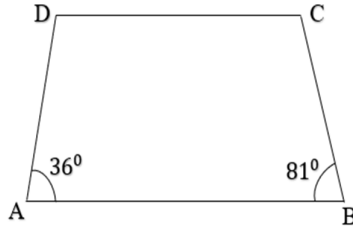
रेख SE $\parallel$ रेखBC (VI) (दिलेले आहे)

$\therefore \square$ CBSE हा समांतरभुज चौकोन आहे- [(V) आणि (VI) वरून]

प्र. 15) शेजारील आकृतीमध्ये ABCD हा समलंब चौकोन आहे.

जर AB $\parallel$ CD तर $\angle A = 36^\circ$ आणि $\angle B = 81^\circ$

तर $\angle C$ आणि $\angle D$ काढा.



उकल : AB $\parallel$ CD आणि AD छेदिका आहे.

..... ($\because$ ABCD हा समलंब चौकोन आहे AB $\parallel$ CD)

$$\therefore \angle A + \angle D = 180^\circ$$

$$\angle D = 180^\circ - \angle A$$

$$\angle D = 180^\circ - 36^\circ$$

$$\angle D = 144^\circ$$

आता , AB $\parallel$ CD आणि BC ही छेदिका आहे.

$$\therefore \angle B + \angle C = 180^\circ$$

$$\angle C = 180^\circ - \angle B$$

$$\angle C = 180^\circ - 81^\circ$$

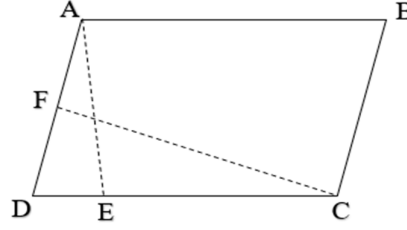
$$\angle C = 99^\circ$$

$$\therefore \angle D \text{ आणि } \angle C \text{ हे } 144^\circ \text{ आणि } 99^\circ$$

प्र. 16) दिलेल्या आकृतीमध्ये, ABCD हा समांतरभूज चौकोन आहे

$AE \perp DC$ आणि $CF \perp AD$ जर $AB = 16$ सेमी $AE =$

8 सेमी आणि $AB = 10$ सेमी AD काढा



उकल : $AE \perp DC$

$$AB = 16 \text{ सेमी}$$

$$AB = CD \text{ (समांतरभुज चौकोन ABCD च्या लगतची बाजू)}$$

$$\therefore CD = 16 \text{ सेमी}$$

$$\text{आता, समांतरभुज चौकोन ABCD चे क्षेत्रफल} = CD \times AE$$

$$= 16 \times 8 \text{ cm}^2$$

$$= 128 \text{ cm}^2$$

$$\text{आता, } CF \perp AD$$

$$\therefore \text{समांतरभुज चौकोन ABCD चे क्षेत्रफल} = AD \times CF$$

$$AD \times CF = 128$$

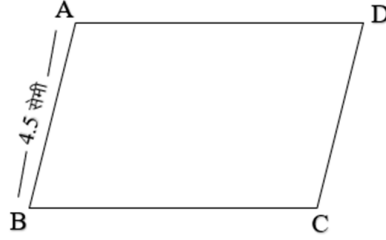
$$AD \times 10 = 128$$

$$AD = \frac{128}{10} = 12.8$$

$$\therefore AD \text{ ची लांबी } 12.8 \text{ आहे.}$$

प्र. 17) शेजारील आकृतीत ABCD हा समांतरभूज चोकोन आहे.

जर $AB = 4.5$ सेमी जेव्हा परिमिती 21 सेमी असते तेव्हा
समांतरभूज चौकोनाला इतर बाजू काढा.



उकल : समांतरभूज चौकोनाचे लगतचे कोन समान असतात.

$$AB = CD = 4.5 \text{ सेमी आणि } BC = AD$$

$$\text{आता, } AB + CD + BC + AD = 21 \text{ सेमी}$$

$$AB + AB + BC + BC = 21 \text{ सेमी}$$

$$2[AB + BC] = 21 \text{ सेमी}$$

$$2[4.5 \text{ सेमी} + BC] = 21 \text{ सेमी}$$

$$[4.5 \text{ सेमी} + BC] = \frac{21}{2}$$

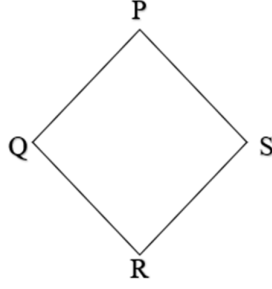
$$[4.5 \text{ सेमी} + BC] = 11.5 \text{ सेमी}$$

$$BC = 11.5 - 4.5$$

$$BC = 7 \text{ सेमी}$$

$$BC = 7 \text{ सेमी } CD = 4.5 \text{ सेमी आणि } AD = 7 \text{ सेमी}$$

प्र. 18) प्रत्येक समभुज चौकोन हा समांतरभुज चौकोन असतो.



उकल : □ PQRS हा समभुज चौकोन आहे. (दिलेले आहे)

सिद्ध करा : □ PQRS हा समांतरभुज चौकोन आहे.

सिद्धता :

रेख $PQ \cong$ रेख QR रेख $RS \cong$ रेख PS ... (दिलेले आहे)

$\therefore$ बाजू $PQ =$ बाजू RS

$\therefore$ बाजू $QR =$ बाजू PS

$\therefore$ □ PQRS हा समांतरभुज चौकोन आहे.

..... (समांतरभुज चौकोनाच्या लगतच्या बाजूची कसोटी)

प्र. 19) शेजारील आकृतीमध्ये, समांतरभुज चौकोन ABCD हा

$AE \perp DC$ आणि $CF \perp AD$. जर $AB = 18$ सेमी $AE = 10$ सेमी आणि $CF = 20$ cm, AD काढा.

उकल : $AE \perp DC$

$AE = 18$ सेमी

$AB = CD$ (समांतरभुज चौकोन ABCD ची लगतची बाजू)

$$CD = 18 \text{ सेमी}$$

आता,

$$\text{समांतरभुज चौकोन ABCD चे क्षेत्रफळ} = CD \times AE$$

$$= 18 \times 10 \text{ cm}^2$$

$$= 180 \text{ cm}^2$$

आता, $CF \perp AD$

$$\text{समांतरभुज चौकोन ABCD चे क्षेत्रफळ} = AD \times CF$$

$$AD \times CF = 180$$

$$AD \times 20 = 180$$

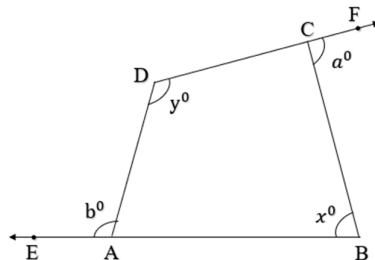
$$AD = \frac{180}{20}$$

$$AD = 9 \text{ सेमी}$$

$\therefore AD$ ची लांबी 9 सेमी आहे.

प्र. 20) चौकोनाच्या बाजू BA आणि DC ह्या आकृतीत

दाखवल्याप्रमाणे वाढवल्या तर सिद्ध करा की, $x + y = a + b$



उकल :

$$\angle A + b^0 = 180^0 \text{ (रेषीय जोडी)}$$

$$\angle A = (180^0 - b^0) \text{ (i)}$$

आता, $\angle C + a^0 = 180^0 \text{ (रेषीय जोडी)}$

$$\angle C = (180^0 - a^0) \text{ (ii)}$$

आता,

$$\angle A + \angle B + \angle C + \angle D = 360^0$$

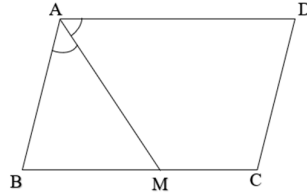
..... (चौकोनाच्या कोनाची बेरीज 360^0 असते.)

$$(180^0 - b^0) + x^0 + (180^0 - a^0) + y^0 = 360^0$$

..... [(i) आणि (ii) वरून)]

$$\therefore x + y = a + b$$

प्र. 21) शेजारील आकृतीमध्ये, समांतरभुज चौकोन ABCD च्या बाजू BC चा M हा मध्यबिंदू आहे तर $\angle B = \angle DAM$ तर सिद्ध करा की $AD = 2CD$



उकल : $\angle AMB = \angle DAM$

..... ($\because AD \parallel BC$)

$$\angle AMB = \angle BAM$$

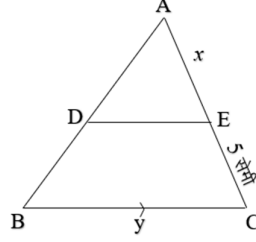
$$AB = BM \text{ (लगतच्या बाजू)}$$

$$\Rightarrow CD = \frac{1}{2}(BC)$$

$$\Rightarrow CD = \frac{1}{2}(AD)$$

$$\therefore AD = 2CD$$

प्र. 22) शेजारील आकृतीमध्ये, AB चा मध्यबिंदू D आहे आणि DE || BC तर x आणि y काढा



उकल : DE || BC आणि AB चा मध्यबिंदू D आहे.

AC चा मध्यबिंदू E आहे.

$$AE = EC$$

$$x = 5 \text{ सेमी}$$

आता, DE || BC

$$\therefore DE = \frac{1}{2} BC \dots\dots (2 \text{ ने गुणाकार करून})$$

$$2DE = 2 \left(\frac{1}{2} BC \right)$$

$$\therefore 2DE = BC$$

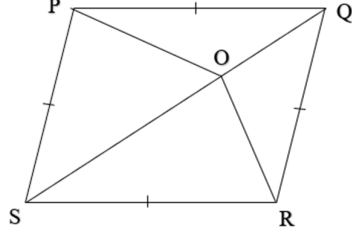
$$\therefore 2 \times 6 \text{ सेमी} = BC$$

$$BC = 12 \text{ सेमी}$$

$$y = 12 \text{ सेमी}$$

$$x = 5 \text{ सेमी आणि } y = 12 \text{ सेमी.}$$

प्र. 23) $\square PQRS$ हा समभुज चौकोन आहे. कर्ण QS वर बिंदू O आहे तर सिद्ध करा. रेख $OP \cong$ रेख OR .



उकल : $\square PQRS$ हा समभुज चौकोन आहे.

बिंदू O हा कर्ण QS वरील एक बिंदू आहे.

साध्य : रेख $OP \cong$ रेख OR

सिद्धता : $\triangle PQS$ o $\triangle RQS$ मध्ये,

बाजू $PQ \cong$ बाजू QR (समभुज चौकोनाच्या बाजू)

बाजू $QS \cong$ बाजू QS (सामाईक बाजू)

बाजू $PS \cong$ बाजू RS (समभुज चौकोनाच्या बाजू)

$\therefore \triangle PQS \cong \triangle RQS$ (बाबाबा कसोटी)

$\therefore \angle PQS \cong \angle RQS$ (एकरूप त्रिकोणांचे संगत कोन)

म्हणजेच,

$\triangle PQO \cong \triangle RQO$...(i)..... (कोनाची फक्त नावे भिन्न)

आता,

$\triangle PQO$ $\triangle RQO$ मध्ये

बाजू $PQ \cong$ बाजू RQ (समभुज चौकोनाच्या बाजू)

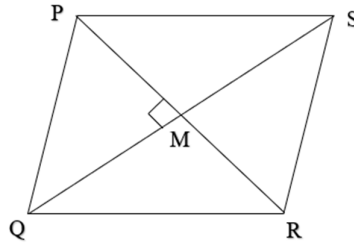
$\therefore \angle PQO \cong \angle RQO$ (विधान (i) वरून)

बाजू $OQ \cong$ बाजू OQ (सामाईक बाजू)

$\therefore \Delta PQO \cong \Delta RQO$ (बाकोबा कसोटी)

$\therefore$ रेख $OP \cong$ रेख OR (एकरूप त्रिकोणाच्या संगत बाजू)

प्र. 24) समभुज चौकोनाच्या बाजूची लांबी 25 सेमी आहे व एका कर्णाची लांबी 30 सेमी आहे तर चौकोनाच्या दुसऱ्या कर्णाची लांबी काढा.



उकल :

□ PQRS हा समभुज चौकोन आहे.

समभुज चौकोनाचे कर्ण परस्परांना लंबदुभाजक असतात.

$\therefore$ कर्ण $PR \perp$ कर्ण QS

$\therefore \angle PMQ = 90^\circ, PM = RM, QM = SM$

परंतु $SM = 30$ सेमी

$\therefore PM = \frac{1}{2} \times PR$

$\therefore PM = \frac{1}{2} \times 30$

$PM = 15$ सेमी

$\therefore PG = 25$ सेमी

काटकोन ΔPMQ मध्ये,

$PQ^2 = PM^2 + MQ^2$ (पायथागोरसचे प्रमेय)

$$25^2 = 15^2 + MQ^2$$

$$625 = 225 + MQ^2$$

$$625 - 225 = MQ^2$$

$$400 = MQ^2$$

$$20 = MQ$$

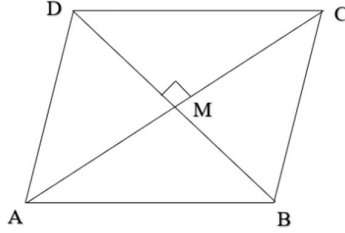
$\therefore QS = 2 \times MQ \dots$ (समभुज चौकोनाचे कर्ण परस्परांना दुभागतात)

$$\therefore QS = 2 \times 20$$

$$\therefore QS = 40$$

$\therefore$ समभुज चौकोनाच्या दुसऱ्या कर्णाची लांबी 40 सेमी.

प्र. 25) समभुज चौकोन ABCD चे कर्ण 6 सेमी आणि 8 सेमी आहेत तर समभुज चौकोनाच्या बाजू काढा.



उकल : समभुज चौकोन ABCD मध्ये,

कर्ण $AC = 6$ सेमी आणि कर्ण $BD = 8$ सेमी

$\therefore$ समभुज चौकोनाचे कर्ण परस्परांचे लंबदुभाजक असतात.

$$\therefore \angle AMB = 90^\circ \dots\dots\dots (I)$$

$$AM = \frac{1}{2}AC = \frac{1}{2} \times 6 = 3\text{cm} \dots\dots\dots (II)$$

$$BM = \frac{1}{2}BD = \frac{1}{2} \times 8 = 4\text{ cm} \dots\dots\dots (III)$$

काटकोन $\triangle AMB$ मध्ये [(I) वरून]

पायथागोरसच्या प्रमेयावरून, $AB^2 = AM^2 + BM^2$

$$AB^2 = (3)^2 + (4)^2$$

$$AB^2 = 9 + 16$$

$$AB^2 = 25$$

$$\therefore AB = 5$$

$$\therefore AB = BC = CD = AD = 5 \text{ सेमी}$$

..... (समभुज चौकोन ABCD च्या बाजू)

$\therefore$ समभुज चौकोन ABCD ची बाजू 5 सेमी.

प्र.26) समांतरभूज चौकोनाच्या प्रत्येक कोनाचे माप काढा. जर

एक कोन 15^0 पेक्षा कमी असेल तर दोन कोनांची मापे काढा.

उकल : लहान कोन x मानू.

$$\text{दूसरा कोन} = (2x - 15^0)$$

$$\text{आता, } (2x - 15^0) + x = 180^0$$

($\because x$ आणि $(2x - 15^0)$ हे समांतरभुज चौकोनाचे लगतचे कोन आहेत.)

$$2x - 15 + x = 180^0$$

$$3x - 15 = 180^0$$

$$3x = 180 + 15$$

$$3x = 195^0$$

$$x = \frac{195^0}{3}$$

$$x = 65^0$$

$$\text{लहान कोन} = 65^0$$

$$\text{दुसरा कोन} = 2x - 15^0$$

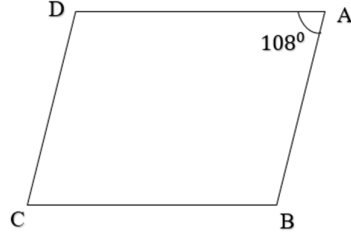
$$= 2(65^0) - 15^0$$

$$= 130^0 - 15^0$$

$$= 115^0$$

समांतरभूज चौकोनाच्या कोनाची मापे $65^0, 115^0, 65^0$ आणि 115^0 आहेत.

प्र. 27) चौकोनाच्या एका कोनाचे माप 108^0 आहे आणि उरलेले तीन कोन समान आहेत. तर प्रत्येक तीन कोनाची मापे काढा.



उकल : ABCD हा चौकोन आहे.

$$\angle A + \angle B + \angle C + \angle D = 360^0$$

$$108^0 + [\angle B + \angle C + \angle D] = 360^0$$

$$\begin{aligned}\angle B + \angle C + \angle D &= 360^0 - 108^0 \\ &= 252^0\end{aligned}$$

आता,

$$\angle D = \angle B = \angle C$$

$$\angle B + \angle C + \angle D = 252^0$$

$$\angle B + \angle B + \angle B = 252^0$$

$$3 \angle B = 252^0$$

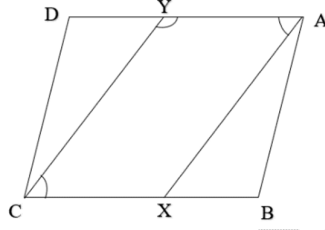
$$\angle B = \frac{252}{3}$$

$$\angle B = 84^0$$

$$\therefore \angle B = \angle C = \angle D = 84^0$$

$\therefore$ प्रत्येक तीन कोनाची मापे 84^0 आहे.

प्र. 28) शेजारील आकृतीमध्ये, समांतरभूज चौकोनाचे ABCD
त्याच्या दुभाजक AX आणि CY अनुक्रमे आहेत तर
त्याच्या लगतचे कोन A आणि असतील C तर AX ॥
CY दाखवा



उकल :

ABCD हा समांतरभुज चौकोन आहे.

त्याचे लगतचे कोन समान असतात.

$$\angle A = \angle C$$

$$\frac{1}{2} \angle A = \frac{1}{2} \angle C$$

$$\angle YAX = \angle YCX \quad \dots(I) \text{ (समांतरभुज चौकोनाचे लगतचे कोन)}$$

आता,

$$DA \parallel BC$$

$$YA \parallel CX \quad \dots\dots (\text{ समांतरभुज चौकोनाचे लगतचे कोन})$$

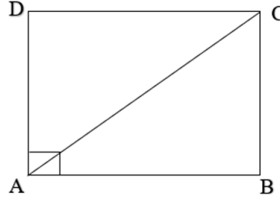
आता,

$$\angle AYC = \angle YCX = 180^\circ \quad \dots\dots\dots (II)$$

$$\angle AYC = \angle YAX = 180^\circ \quad \dots\dots\dots [(I) \text{ आणि } (II) \text{ वरून }]$$

$$AX \parallel AY \quad \dots\dots(आंतरकोनाच्या समान बाजूची छेदिका ह्या पूरक असतात.)$$

प्र. 29) चौरसाचा कर्ण 13 सेमी आहे तर त्याच्या बाजूची लांबी काढा.



उकल : $\square ABCD$ हा चौरस आहे.

$$AB = BC = CD = AD \quad \text{..... (चौरसाच्या बाजू)}$$

$$\angle B = 90^\circ \quad \text{..... (चौरसाचे कोन)}$$

$\triangle ABC$ हा काटकोन त्रिकोण आहे.

$$\therefore AB^2 + BC^2 = AC^2 \quad \text{..... (पायथागोरस प्रमेयावरून)}$$

$$AB^2 + AB^2 = (13)^2 \quad \text{..... (AB = BC)}$$

$$2AB^2 = (13)^2$$

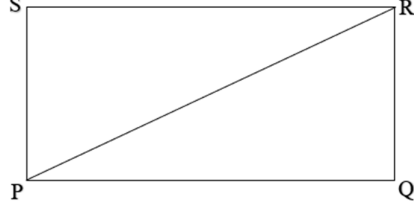
$$AB = \frac{(13)^2}{2}$$

$$AB = \frac{13}{\sqrt{2}}$$

$$AB = \frac{13}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{13\sqrt{2}}{2}$$

$\therefore$ चौरसाच्या बाजू $\frac{13\sqrt{2}}{2}$ सेमी आहे.

प्र. 30) आयताच्या लगतच्या बाजू 7 सेमी, 24 सेमी आहेत तर कर्णाची लांबी काढा.



उकल : □ PQRS हा आयत आहे.

Δ PQR मध्ये,

PQ = 24 सेमी, QR = 7 सेमी, $\angle Q = 90^\circ$

$\therefore PR^2 = PQ^2 + QR^2$ (पायथागोरसचे प्रमेय)

$$PR^2 = (24)^2 + (7)^2$$

$$PR^2 = 576 + 49$$

$$PR^2 = 625$$

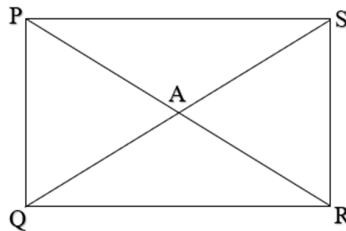
$$PR = 25$$

आयताचे कर्ण एकरूप असतात.

$\therefore PR = SQ = 25$ सेमी.

प्र. 31) □ PQRS या आयताचे कर्ण A मध्ये छेदतात. जर PR = 10

सेमी तर QO = ? जर $\angle RPS = 40^\circ$ तर $\angle PRQ = ?$



उकल :

आयताचे कर्ण एकरूप असतात आणि एकमेकांचे दुभाजक असतात.

$\therefore$ कर्ण $PR =$ कर्ण QS

आणि $PA = AR = QA = SA$

$$l(PA) = \frac{1}{2}l(PR) = \frac{1}{2} \times 10 = 5$$

$$l(QA) = l(PA) = 5 \text{ cm}$$

$$\angle PRS = 40^\circ, \angle PRQ = ? \dots(I)$$

रेख $PS \parallel$ रेख QR (आयताच्या लगतच्या बाजू)

आणि PR ही छेदिका आहे.

$$\angle PRS = \angle PRQ \dots\dots (\text{व्युत्क्रम कोनाची जोडी})$$

$$\therefore \angle PRS = \angle PRQ = 40^\circ \dots (II)$$

$$\therefore QA = 5 \text{ सेमी } \angle PRQ = 40^\circ \dots\dots [(I) \text{ आणि } (II) \text{ वरून }]$$

प्र. 32) $\square ABCD$ च्या कोनाची मापे $1:2:3:4$ या प्रमाणात आहे.

तर $\square ABCD$ हा समलंब चौकोन आहे हे दाखवा.

उकल :

$\angle A, \angle B, \angle C, \angle D$ याची मापे अनुक्रमे $x^0, 2x^0, 3x$ आणि $4x^0$

असे मानू.

चौकोनाच्या सर्व कोनाच्या मापांची बेरीज 360^0 असते.

$$x + 2x + 3x + 4x = 360$$

$$10x = 360$$

$$x = \frac{360}{10}$$

$$x = 36$$

$$\therefore \angle A = x^0 = 36^0$$

$$\therefore \angle B = 2x = 2 \times 36 = 72^0$$

$$\angle C = 3x = 3 \times 36 = 108^0$$

$$\angle D = 4x = 4 \times 36 = 144^0$$

$$\angle A + \angle D = 36^0 + 144^0 = 180^0 \text{ (I)}$$

$$\angle B + \angle C = 72^0 + 108^0 = 180^0 \text{ (II)}$$

$\therefore$ रेख PQ $\parallel$ रेख SR (समांतररेषांची आंतरकोन कसोटी)

$$\angle A + \angle B = 36^0 + 72^0 = 108^0 \neq 180^0 \text{ (III)}$$

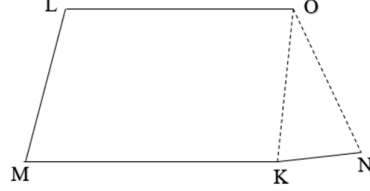
$$\angle C + \angle D = 108^0 + 144^0 = 252^0 \neq 180^0 \text{ (IV)}$$

रेख AD आणि रेख BC हे समांतर नाही.

$\therefore$ लगतच्या बाजूतील एक जोडी समांतर आहे.

म्हणून , दिलेला चौकोन हा समलंब चौकोन आहे.

प्र. 33) □ LMNO हा समलंब चौकोन आहे. बाजू LO ∥ बाजू MN, बाजू LM ≅ बाजू ON बाजू MN > बाजू LO तर सिद्ध करा की,
 $\angle LMN \cong \angle ONM$



उकल :

पक्ष : □ LMNO हा समलंब चौकोन आहे.

बाजू LO ∥ बाजू MN. बाजू LM ≅ बाजू ON

बाजू MN > बाजू LO

साध्य : $\angle LMN \cong \angle ONM$

रचना : LM ला समांतर असणारा आणि बिंदू O मधून जाणारा
 रेषाखंड काढा आणि तो MN ला बिंदू K मध्ये छेदतो

सिद्धता : □ LMKO मध्ये,

रेख LO ∥ बाजू MK (दिलेली आहे)

रेख LM ∥ बाजू OK (रचना)

□ LMKO हा समांतरभुज चौकोन आहे.

∴ $\angle LMK \cong \angle OKN$ (I) (संगत कोन)

रेख LM ≅ रेख OK (II) (लगतचे कोन)

परंतु,

रेख $LM \cong$ रेख ON (III) (दिलेले आहे)

रेख $OK \cong$ रेख ON [(II) आणि (III) वरून]

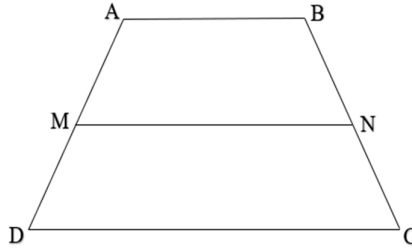
$\angle OKN \cong \angle ONK$ (IV) (समद्विभुज त्रिकोणाचे प्रमेय)

$\therefore \angle LMK \cong \angle ONK$ [(I) आणि (IV) वरून]

$\therefore \angle LMN \cong \angle ONM$ (M – K – N)

$\therefore$ समलंब चौकोनाचा पाया एकरूप असतो.

प्र. 34) समलंब चौकोन ABCD मध्ये] बाजू $AB \parallel$ बाजू CD . रेख AD आणि रेख BC चे मध्यबिंदू अनुक्रमे M आणि N आहेत $AB = 16$, सेमी] $DC = 18$, सेमी MN काढा.



उकल : समलंब चौकोन ABCD मध्ये,

रेख AD चा मध्यबिंदू हा बिंदू N आहे.

रेख BC चा मध्यबिंदू हा बिंदू N आहे.

$$MN = \frac{1}{2} (AB + CD)$$

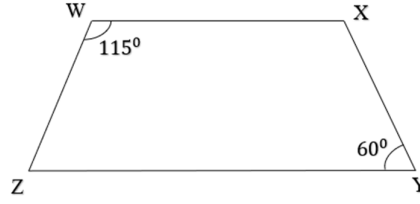
$$= \frac{1}{2} (16 + 18)$$

$$= \frac{1}{2} (34)$$

$$= 17$$

$\therefore MN = 17$ सेमी.

प्र. 35) □ WXYZ मध्ये बाजू WX || YZ व $\angle W = 115^\circ$ $\angle Y = 60^\circ$ तर $\angle X$ तर $\angle Z$ ची मापे काढा.



उकल : □ WXYZ मध्ये,

बाजू WX बाजू XY ही छेदिका आहे. (दिलेले आहे)

$$\therefore \angle Y + \angle X = 180^\circ \quad \text{..... (आंतरकोन)}$$

$$60^\circ + \angle X = 180^\circ$$

$$\angle X = 180^\circ - 60^\circ$$

$$\angle X = 120^\circ$$

$$\therefore \angle W + \angle Z = 180^\circ \quad \text{..... (आंतरकोन)}$$

$$115^\circ + \angle Z = 180^\circ$$

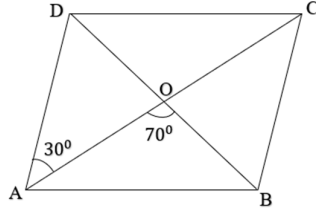
$$\angle Z = 180^\circ - 115^\circ$$

$$\angle Z = 65$$

प्र. 36) समांतरभुज चौकोन ABCD चे कर्ण AC आणि BD हे बिंदू O

मध्ये छेदतात . $\angle DAC = 30^\circ$ आणि $\angle AOB = 70^\circ$ तर

$$\angle OBC = ?$$



उकल : $\angle AOC = \angle DAC = 30^0$ (आंतरव्युत्क्रम कोन)

$$\angle OCB = 30^0$$

$$\angle AOB + \angle BOC = 180^0 \text{ (रेषीय जोडी)}$$

$$70^0 + \angle BOC = 180^0$$

$$\angle BOC = 180^0 - 70^0$$

$$\angle BOC = 110^0$$

$\angle OBC$ मध्ये,

$$\angle BOC + \angle OCB + \angle OBC = 180^0$$

$$110^0 + 30^0 + \angle OBC = 180^0$$

$$140 + \angle OBC = 180^0$$

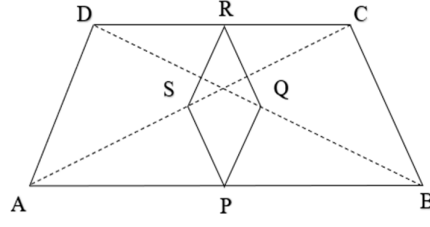
$$\angle OBC = 180^0 - 140^0$$

$$\angle OBC = 40^0$$

प्र.37) शेजारील आकृतीमध्ये, समलंब चौकोन ABCD हा $AB \parallel DC$

आणि $AD \parallel BC$. जर BA, BD, CD, CA च्या मध्यबिंदू अनुक्रमे

P, Q, R, S असतील तर PQRS हा समभुज चौकोन आहे हे दाखवा.



उकल :

ΔBDC मध्ये,

BD आणि CD चा मध्यबिंदू अनुक्रमे Q आणि R आहेत.

$$\therefore QR \parallel BC \text{ आणि } QR = \frac{1}{2} BC$$

तसेच, $PS \parallel QR$ आणि $PS = QR$ (प्रत्येकी बरोबर $\frac{1}{2} BC$)

$\therefore \Delta PQRS$ हा समांतरभुज चौकोन आहे.

ΔACD मध्ये,

AC आणि चा मध्यबिंदू अनुक्रमे S आणि R आहेत.

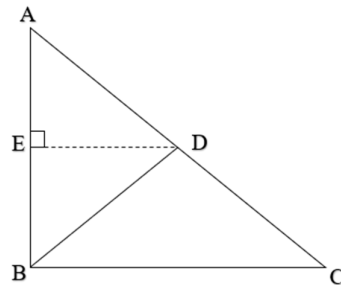
$$\therefore SR \parallel AD \text{ आणि } SR = \frac{1}{2} AD = \frac{1}{2} BC (\because AD = BC)$$

$$\therefore PS = QR = SR = PQ$$

$\therefore PQRS$ हा समभुज चौकोन आहे.

प्र. 38) ΔABC हा काटकोन त्रिकोण आहे AC चा मध्यबिंदू

B आणि D आहे तर $DA = DB = DC$ दाखवा.



उकल :

$DE \parallel BC$ D मधून जाणारी आणि AB ला मध्ये छेदणारी E बिंदू घ्या.

आता,

$$\angle AED = \angle ABC = 90^\circ \quad \text{..... (संगत कोन)}$$

$$\therefore \angle BED = \angle AED = 90^\circ \quad \text{..... } (\angle AED + \angle BED = 180^\circ)$$

आता,

$\triangle ABC$ मध्ये AC चा मध्यबिंदू D आहे आणि

$$DG \parallel BE \quad \text{..... (रचनेवरून)}$$

$\therefore AB$ चा मध्यबिंदू E आहे. (मध्यबिंदूच्या प्रमेयाचा व्युत्पत्ती)

$$\therefore AE = BE$$

$\triangle AED$ आणि $\triangle BED$ मध्ये,

$$AE = BE$$

$$ED = ED \quad \text{..... (सामाईक बाजू)}$$

$$\angle AED = \angle BED \quad \text{..... (प्रत्येकी } 90^\circ)$$

$$\therefore \triangle AED \cong \triangle BED$$

परंतु

$$DA = DC \quad \text{..... (AC चा मध्यबिंदू D आहे)}$$

$\therefore DA = DB = DC$ हे सिद्ध होते.

प्र. 39) $\square ABCD$ च्या कोन $\angle A, \angle B, \angle C, \angle D$ चे गुणोत्तर 3 : 4 :

5 : 6 आहे तर $\square ABCD$ हा समलंब चौकोन आहे हे दाखवा.

उकल :

$\angle A, \angle B, \angle C, \angle D$ ची मापे $3x^0, 4x^0, 5x^0$ आणि $6x^0$ अनुक्रमे आहेत.

चौकोनाच्या कोनांच्या मापांची बेरीज 360^0 असते.

$$3x^0 + 4x^0 + 5x^0 + 6x^0 = 360$$

$$18x^0 = 360^0$$

$$x = \frac{360^0}{18^0}$$

$$x = 20^0$$

$$\angle A = 3 \times 20 = 60^0$$

$$\angle B = 4 \times 20 = 80^0$$

$$\angle C = 5 \times 20 = 100^0$$

$$\angle D = 6 \times 20 = 120^0$$

आता,

$$\angle A + \angle D = 60^0 + 120^0 = 180^0 \dots (I) \dots (\text{आंतरकोनांची जोडी})$$

$$\angle C + \angle B = 100^0 + 80^0 = 180^0 \dots (II) \dots (\text{आंतरकोनांची जोडी})$$

$\therefore$ रेख AB $\parallel$ रेख CD (III) (आंतरकोनांची कसोटी)

परंतु

$$\angle A + \angle B = 60^0 + 80^0 = 140^0 \neq 180^0 \dots (IV)$$

$$\angle C + \angle D = 100^0 + 120^0 = 220^0 \neq 180^0 \dots (V)$$

$\therefore$ रेख BC हा रेख AD ला समांतर नाही. (VI)

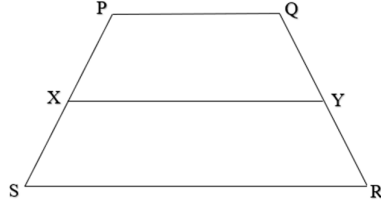
...[(IV) आणि (V) वरून]

$\therefore$ $\square$ ABCD हा समलंब चौकोन आहे. ...[(III) आणि (VI) वरून]

प्र.40) PQRS हा समलंब चौकोन आहे. बाजू PQ $\parallel$ बाजू RS ,रेख PS

आणि QR ला मध्यबिंदू हा X आणि Y आहे.

PQ = 15 सेमी SR = 20सेमी तर XY काढा.



उकल :

समलंब चौकोन PQRS मध्ये,

रेख PQ $\parallel$ रेख RS

रेख PS चा मध्यबिंदू X आहे.

रेख QR चा मध्यबिंदू Y आहे.

$$\therefore XY = \frac{1}{2} (PQ + RS)$$

$$= \frac{1}{2} (15 + 20)$$

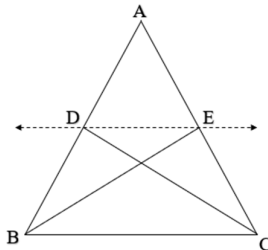
$$= \frac{1}{2} (35)$$

$$XY = 17.5$$

$$\therefore XY = 17.5 \text{ सेमी}$$

प्र. 41) $\triangle ABC$ मध्ये ABC ची मध्यगा रेख CD आणि BE आहे

तर सिद्ध करा की $ED = \frac{1}{2} BC$



उकल : ΔABC मध्ये,

रेख AB हा बिंदू F चा मध्यबिंदू आहे.

..... (रेख CD ही मध्यगा आहे)

रेख AC हा बिंदू E चा मध्यबिंदू आहे.

... (रेख BE ही मध्यगा आहे.)

$\therefore DE = \frac{1}{2} BC$ (मध्यबिंदूच्या प्रमेयावरून)

हे सिद्ध होते.

प्र. 42) ΔLMN , रेख LM आणि LN हा बिंदू अनुक्रमे D आणि E

आहे तर $DE = 5.8$ तर MN काढा

उकल : ΔLMN मध्ये,

रेख LM चा मध्यबिंदू D आहे. LN चा मध्यबिंदू E आहे.

$\therefore DE = \frac{1}{2} MN$ (मध्यबिंदूचे प्रमेयावरून)

$\therefore MN = 2DE$

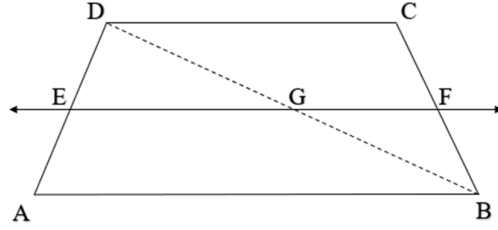
$= 2 \times 5.8$

$= 11.6$ एकक

$\therefore MN = 11.6$ एकक

प्र. 43) $\square ABCD$ मध्ये, $AB \parallel CD$. बाजू AD चा मध्यबिंदू बिंदू E हा आहे.

बिंदू E मधून जाणारी AB ला समांतर असणारी रेषा BC ला F मध्ये
छेदते सिद्ध करा की, F हा बाजू BC चा मध्यबिंदू आहे.



उकल : $\square ABCD$ मध्ये, $AB \parallel CD$ बाजू AD चा मध्यबिंदू हा बिंदू E आहे.

बिंदू E मधून जाणारी AB ला समांतर असणारी रेषा BC ला
 F मध्ये छेदते.

पक्ष : रेषा BC चा मध्यबिंदू हा बिंदू F आहे.

रचना : कर्ण BD काढा.

सिद्धता : $\triangle ABD$ मध्ये $EF \parallel AB$

बिंदू E हा रेषा AD चा मध्यबिंदू आहे.

बिंदू G हा रेषा BD चा मध्यबिंदू आहे.

..... (त्रिकोणाच्या मध्यबिंदूच्या प्रमेयाचा व्युत्पत्ती)

रेखा $EF \parallel$ बाजू $AB, AB \parallel CD$ (पक्ष)

$\therefore$ रेखा $EF \parallel$ बाजू CD

$\triangle ABD$ मध्ये,

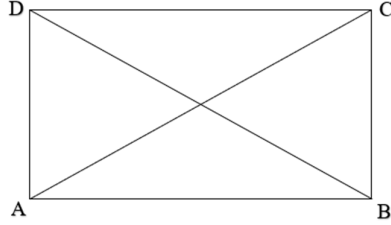
रेखा $EF \parallel$ बाजू CD

G हा बिंदू BD चा मध्यबिंदू आहे.

$\therefore$ बिंदू F हा रेषा BC चा मध्यबिंदू आहे.

..... (त्रिकोणाच्या मध्यबिंदूच्या प्रमेयाचा व्यत्यास)

प्र. 44) समांतरभूज चौकोनाचे कर्ण समान असतात तर तो आयत आहे दाखवा.



उकल : ABCD हा समांतरभूज चौकोन आहे . तर $AC = BD$

ΔABC आणि ΔDCB मध्ये,

$AC = DB$ (दिलेले आहे)

$AB = DC$ (समांतरभुज चौकोनाच्या लगतच्या बाजू)

$BC = CB$ (सामाईक बाजू)

$\Delta ABC \cong \Delta DCB$ (बाबाबा कसोटी)

$\therefore$ संगत कोन समान असतात.

$\angle ABC = \angle DCB$ (I)

$AB \parallel DC$ आणि BC ही छेदिका आहे.

..... ($\because$ ABCD हा समांतरभुज चौकोन आहे.)

$\angle ABC + \angle DCB = 180^\circ$ (II)

..... (विरुद्ध आंतरकोन हे पूरक असतात.)

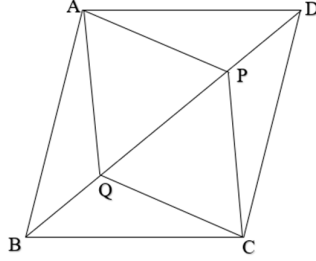
(I) आणि (II) वरून

$\angle ABC = \angle DCB = 90^\circ$

समांतरभुज चौकोन ABCD चा कोन 90° आहे.

∴ ABCD हा आयत आहे.

प्र. 45) समांतरभुज चौकोन ABCD दोन बिंदू P आणि Q ह्या
कर्ण BD आहे DP = BQ तर दाखवा $\triangle APD \cong \triangle CBQ$



उकल : समांतरभुज चौकोन ABCD. कर्ण BD चा P आणि Q

$PD = QB$ (दिलेले आहे)

∴ $AD \parallel BC$ आणि BD ही छेदिका आहे.

..... [ABCD, हा समांतरभुज चौकोन आहे.]

$\angle ADB = \angle CBD$ (आंतरव्युत्क्रम कोन)

$\angle ADP = \angle CBQ$

आता, $\triangle APD$ आणि $\triangle CQB$ मध्ये,

$AD = CB$ (समांतरभुज चौकोनाच्या लगतच्या बाजू)

$PD = QB$ (दिलेले आहे)

$\angle CBQ = \angle ADP$ (सिद्ध होते)

∴ $\triangle APD \cong \triangle CBQ$ (बाबाबा कसोटी) हे सिद्ध होते.

प्र. 46) ABCD हा आयत आहे AC हा कर्ण $\angle A$ आणि $\angle C$ हा दुभाजक आहे. ABCD हा चौरस आहे दाखवा.

उकल :

AB $\parallel$ DC आणि AC छेदिका आहे.

$\angle ACD = \angle CAD$ (आंतरव्युत्क्रम कोन)

परंतु,

$\angle CAB = \angle CAD$ ($\angle A$ हा AC चा दुभाजक आहे)

$\therefore \angle ACD = \angle CAD$

$\therefore AD = CD$...(विरुद्ध बाजू बरोबर त्रिकोणाचे कोन समान असतात.)

$\therefore$ ABCD हा चौरस आहे.

प्र. 47) आयताचा प्रत्येक कोन हा काटकोन त्रिकोण असतो.

उकल :

पक्ष : ABCD हा आयत आहे.

$\angle A = 90^\circ$

साध्य : $\angle A = \angle B = \angle C = \angle D = 90^\circ$

सिद्धता : ABCD हा आयत आहे.

$\therefore$ ABCD हा समांतरभुज चौकोन आहे.

$\therefore AD \parallel BC$

..... (समांतरभुज चौकोनाच्या लगतच्या बाजू समांतर असतात

आणि छेदिका AB मध्ये छेदतात.)

$\angle A + \angle B = 180^\circ$

$$\Rightarrow 90^0 + \angle B = 180^0 \quad \text{..... (} \angle A = 90^0 \text{ दिलेले आहे)}$$

$$\angle B = 90^0$$

$\therefore$ समांतरभुज चौकोन ABCD च्या आणि समांतरभुज चौकोन

लगतच्या बाजू समान असतात.

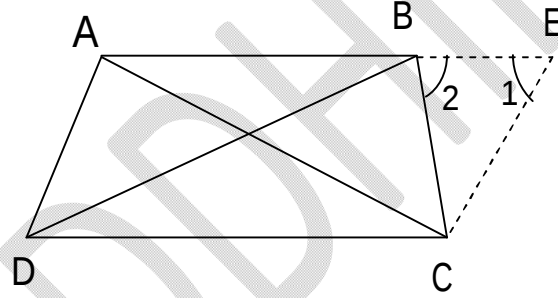
$$\angle C = \angle A = 90^0$$

$$\text{आणि } \angle D = \angle B = 90^0$$

$$\therefore \angle A = \angle B = \angle C = \angle D = 90^0$$

प्र.48) ABCD हा समलंब चौकोन आहे $AB \parallel CD$ आणि $AD = BC$

$$\text{तर } \angle A = \angle B$$



उकल :

रचना : C मधून जाणारी $CE \parallel DA$ मध्ये AD हा E पर्यंत वाढवा.

सिद्धता : $AB \parallel CD$ (दिलेले आहे)

$AD \parallel CE$ (रचनेवरून)

AECD हा समांतरभुज चौकोन आहे.

..... (समांतरभुज चौकोनाच्या दोन लगतच्या बाजूच्या जोड्या
समांतर असतात.)

$AD = EC$ (समांतरभुज चौकोनाच्या लगतच्या बाजू समान असतात)

परंतु , $AD = BC$ (दिलेले आहे.)

$$\therefore BC = EC$$

$\angle 1 = \angle 2$ (विरुद्ध बाजू बरोबर त्रिकोणाचे कोन समान असतात.)

$$\angle B + \angle 2 = 180^0 \quad \text{..... (I) (रेषीय जोडी)}$$

$$\therefore AD \parallel EC \quad \text{..... (रचना)}$$

आणि

AE छेदत आहे.

$$\therefore \angle A + \angle 1 = 180^0 \quad \text{..... (II)}$$

... (त्याच बाजूच्या छेदिकेच्या सलग आंतरकोनाची बेरीज 180^0 असते.)

(I) आणि (II) वरून,

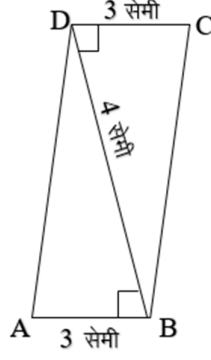
$$\angle B + \angle 2 = \angle A + \angle 1$$

$$\text{परंतु } \angle 1 = \angle 2$$

$$\angle B = \angle A$$

$$\Rightarrow \angle A = \angle B \quad \text{.....(वरती सिद्ध केलेले आहे)}$$

प्र.49) ABCD हा चौकोन आहे आणि BD हा कर्ण आहे. आकृतीत दाखवल्याप्रमाणे तर ABCD हा समांतरभुज चौकोन आहे आणि त्याचे क्षेत्रफल काढा.



उकल :

पक्ष : चौकोन ABCD आहे आणि BD त्याचा कर्ण आहे.

साध्य : ABCD समांतरभुज चौकोन आहे आणि क्षेत्रफळ काढा.

सिद्धता :

$\angle ABD = \angle BDC$ (प्रत्येकी 90°) दिलेले आहे.

..... (परंतू ते कोन आंतरव्युत्क्रम कोनाची जोडी समान आहे
त्याच्या रेशा AB, DC आणि BD ही छेदिका आहे.)

$\therefore AB \parallel DC$

$\therefore AD = DC$ (3 सेमी दिलेले आहे)

समांतरभुज चौकोन हा चौकोन ABCD आहे.

.... (समांतरभुज चौकोन हा चौकोन त्याची एक जोडी समांतर
असते आणि समान असतात.)

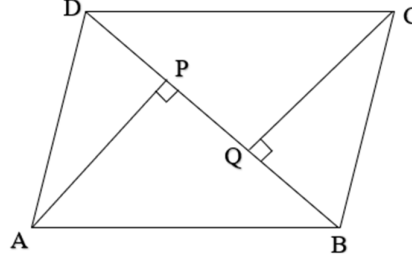
आता,

समांतरभुज चौकोन ABCD = पाया $\times$ संगत शिरोलंब

$$= 3 \times 4$$

$$= 12\text{cm}^2$$

प्र. 50) समांतरभुज चौकोन ABCD मध्ये AP आणि CQ लंब आहे
कर्ण BD चे शिरोबिंदू अनुक्रमे A आणि C आहेत तर
 $\Delta APB \cong \Delta CQD$ दाखवा.



उकल : AP आणि CQ लंब आहे.

कर्ण BD चे शिरोबिंदू अनुक्रमे A आणि C आहेत.

साध्य : $\Delta APB \cong \Delta CQD$

सिद्धता : ΔAPB आणि ΔCQD मध्ये,

$AB = CD$ (समांतरभुज चौकोन ABCD च्या लगतच्या बाजू)

$\angle ABP = \angle CDQ$... ($\because AB \parallel DC$ आणि छेदिका BD त्याला छेदते)

$\angle APB = \angle CQD$ (प्रत्येकी 90°)

$\therefore \Delta APB \cong \Delta CQD$ (कोकोबा कसोटी)

हे सिद्ध होते.