

निर्देशक भूमिती

Extra Question

1) खाली दिलेले बिंदू त्यांच्या सहनिर्देशकांवरून कोणत्या

चरणात किंवा कोणत्या अक्षावर आहेत ते लिहा.

a) E (37 , 25)

उत्तर: बिंदू E हा पहिल्या चरणात आहे.

b) P (0 , - 2.5)

उत्तर: बिंदू P हा चौथ्या चरणात आहे.

2) Q (- 3 , - 2) हा बिंदू y. अक्षाला समांतर असणाऱ्या रेषेवर आहे. त्या रेषेचे समीकरण लिहा.

उत्तर: y - अक्षाला समांतर असणाऱ्या रेषेचे समीकरण $x = a$ हे आहे.

$\therefore x = - 3$ हे त्या रेषेचे समीकरण आहे.

3) P (- 9 , - 15) हा बिंदू कोणत्या चरणात उपस्थित असेल ?

उत्तर: P (- 9 , - 15) हा बिंदू तिसऱ्या चरणात उपस्थित असेल.

4) S (5 , - 7.5) हा बिंदू कोणत्या चरणात उपस्थित असेल ?

उत्तर: S (5 , - 7.5) हा बिंदू चौथ्या चरणात उपस्थित असेल

5) I (- 2.5 , 4.5) हा बिंदू कोणत्या चरणात उपस्थित असेल ?

उत्तर: I (- 2.5 , 4.5) हा बिंदू दुसऱ्या चरणात उपस्थित असेल

- 6) खाली दिलेल्या बिंदूंपैकी कोणते बिंदू दुसऱ्या चरणात उपस्थित असतील ते लिहा.

$$P(-1, 1), Q(3, -4), R(1, -1), S(-2, -3), T(-4, -4)$$

उत्तर: $P(-1, 1)$ हा बिंदू दुसऱ्या चरणात उपस्थित असेल

- 7) $y = 1 - 2x$ या समीकरणात जेव्हा x ची किंमत 3 असेल तेव्हा y ची किंमत किती असेल ते काढा.

उत्तर: समीकरण $y = 1 - 2x$

$$\therefore y = 1 - 2(3)$$

$$= 1 - 6$$

$$\therefore y = -5$$

$\therefore y = 1 - 2x$ या समीकरणात जेव्हा $x = 3$ असेल तेव्हा $y = -5$ असेल.

- 8) $x = 2 - y$ या समीकरणात जेव्हा $y = 3$ असेल तेव्हा x ची किंमत किती असेल ते काढा.

उत्तर:

समीकरण : $x = 2 - y$

$$\therefore x = 2 - 3$$

$$x = -1$$

$\therefore x = 2 - y$ या समीकरणात जेव्हा $y = 3$ असेल तेव्हा $x = -1$ असेल.

- 9) $(\frac{1}{2}, -6)$ हा बिंदू कोणत्या चरणात असेल ?

उत्तर: $(\frac{1}{2}, -6)$ हा बिंदू चौथ्या चरणात असेल.

10) y - अक्षाला समांतर आणि त्या अक्षाच्या डावीकडील 9

एकक अंतरावरील रेषेचे समीकरण लिहा.

उत्तर: y - अक्षाला समांतर असलेल्या रेषेचे समीकरण $x = a$ आहे.

येथे $a = -9$

$\therefore x = -9$ हे त्या रेषेचे समीकरण आहे.

11) खालील प्रश्नांची उत्तरे द्या.

a) कोणाचे दोन्ही निर्देशक धन आहेत ?

उत्तर: चरण पहिले

b) कोणाचे दोन्ही निर्देशक ऋण आहेत ?

उत्तर: चरण दुसरे

12) खालील प्रश्नांची उत्तरे द्या.

a) कोणाचा x - निर्देशक धन आणि y – निर्देशक ऋण आहे ?

उत्तर: चरण चौथे

b) कोणाचा x - निर्देशक ऋण आणि y – निर्देशक ऋण आहे ?

उत्तर: चरण दुसरे.

13) x - अक्षाला समांतर आणि त्या अक्षाच्या खाली 9 एकक

अंतरावरील रेषेचे समीकरण लिहा.

उत्तर: x - अक्षाला समांतर असलेल्या रेषेचे समीकरण $y = b$ आहे.

$$\text{येथे } b = -9$$

$\therefore y = -9$ हे त्या रेषेचे समीकरण आहे.

14) y - अक्ष आणि रेषा $x = -4$ या समांतर रेषा आहेत, तर या दोन रेषांमधील अंतर किती आहे ?

उत्तर: y - अक्षाला समांतर असणारी ही रेषा y - अक्षाच्या डावीकडे 4 एकक अंतरावर आहे.

$\therefore$ या दोन समांतर रेषांमधील अंतर 4 एकक आहे.

15) पुढीलपैकी कोणत्या समीकरणांचे आलेख x - अक्षाला समांतर आहेत ते लिहा.

$$\text{i) } x = 3 \quad \text{ii) } y - 2 = 0 \quad \text{iii) } x + 6 = 0$$

उत्तर: x - अक्षाला समांतर असणाऱ्या रेषेचे समीकरण $y = b$ या रूपात असते.

$\therefore y - 2 = 0$ म्हणजेच $y = 2$ ही रेषा x अक्षाला समांतर आहे.

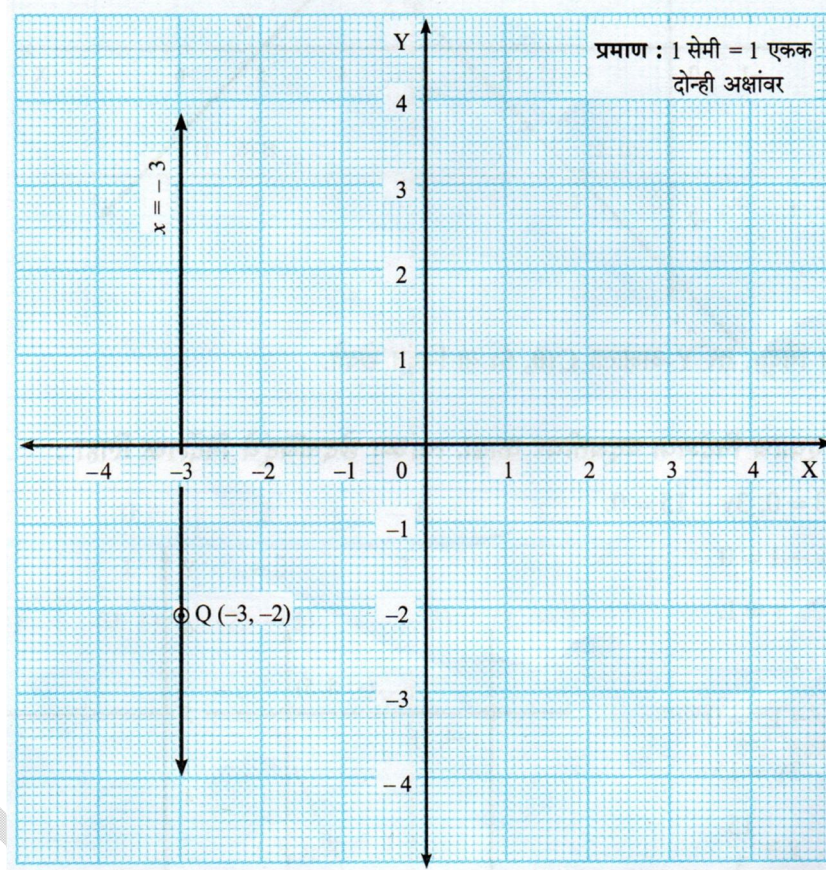
16) x - अक्षाला समांतर आणि त्या अक्षाच्या खाली 5 एकक अंतरावरील रेषेचे समीकरण लिहा.

उत्तर: x - अक्षाला समांतर असणाऱ्या रेषेचे समीकरण $y = b$ या स्वरूपाचे असते.

$\therefore x$ - अक्षाला समांतर आणि त्या अक्षाच्या खाली 5 एकक

अंतरावर असलेल्या रेषेचे समीकरण $y = -5$.

- 17) $Q(-3, -2)$ हा बिंदू y -अक्षाला समांतर असणाऱ्या रेषेवर आहे. त्या रेषेचे समीकरण लिहा व त्याचा आलेख काढा.



उत्तर: $Q(-3, -2)$ हा बिंदू y -अक्षाला समांतर असणाऱ्या रेषेवर आहे. आहे. Q या बिंदूचे स्थान तिसऱ्या चरणात व y -अक्षाच्या डावीकडे आहे.

y -अक्षाला समांतर असणाऱ्या रेषेचे समीकरण $x = a$ या स्वरूपाचे असते.

या रेषेचे समीकरण : $x = -3$

18) खालील तक्ता पूर्ण करा.

बिंदू	चरण / अक्ष
P(-3 , 2)	
Q(-9 , -15)	
R(0, -8)	
S(5 , , -7.5)	
T(15 , 0)	

उत्तर:

बिंदू	चरण / अक्ष
P(-3 , 2)	चरण दुसरे
Q(-9 , -15)	चरण तिसरे
R(0, -8)	Y – अक्ष
S(5 , , -7.5)	चरण चौथे
T(15 , 0)	x – अक्ष

19) पुढीलपैकी कोणत्या समीकरणोचे आलेख y – अक्षाला समांतर आहेत ते लिहा. i) $y - 3 = 0$ ii) $x + 6 = 0$ iii) $x = 3$

उत्तर: $x + 6 = 0$

$$\therefore x = -6$$

y – अक्षाला समांतर असलेल्या रेषेचे समीकरण $x = a$ आहे.

$\therefore x = -6$ ही रेषा y अक्षाला समांतर आहे.

20) कोणतीही वास्तव संख्या a ही घेऊन y अक्ष आणि $x = a$ या रेषेमधील अंतर ठरवा.

उत्तर : a ही वास्तव संख्या आहे. जर $a < 0$ असेल, तर $x = -a$ ही रेषा y अक्षाच्या डावीकडे असून, ती $(-a, 0)$ या बिंदूतून जाते. $0 > -a$

$\therefore y$ अक्ष आणि $x = -a$

या रेषेतील अंतर $= 0 - (-a) = a$

जर $a > 0$ असेल तर $x = a$ ही रेषा y अक्षाच्या उजवीकडे असून, ती $(a, 0)$ या बिंदूतून जाते.

$a > 0$

$\therefore y$ अक्ष आणि $x = a$

या रेषेतील अंतर $= a - 0 = a$

y अक्ष आणि $x = a$ या रेषेतील अंतर $= |a|$

21) y अक्षाला समांतर आणि त्या अक्षाच्या उजवीकडील 3.5 एकक अंतरावरील रेषेचे समीकरण लिहा.

उत्तर: y अक्षाला समांतर असणाऱ्या रेषेचे समीकरण $x = a$ या स्वरूपाचे असते.

y अक्षाला समांतर आणि त्या अक्षाच्या उजवीकडील 3.5

एकक अंतरावरील रेषेचे समीकरण : $x = -7$

22) y - अक्ष आणि रेषा $x = -4$ या समांतर रेषा आहेत, तर या दोन रेषांमधील अंतर किती आहे ?

उत्तर: y - अक्षाला समांतर असणारी ही रेषा $y -$ अक्षाच्या डावीकडे 4 एकक अंतरावर आहे.

या दोन समांतर रेषांमधील अंतर 4 एकक आहे.

23) खाली दिलेले बिंदू त्याच्या सहनिर्देशकांवरून कोणत्या चरणात किंवा कोणत्या अक्षावर आहे ते लिहा.

i) $A (5, 7)$ ii) $B (4, -7)$ iii) $P (-3, 0)$ iv) $Q (0, 8)$

उत्तर: i) $A (5, 7)$ या बिंदूचा x निर्देशक धन आहे आणि y निर्देशक पण धन आहे.

$\therefore$ बिंदू $A (5, 7)$ हा पहिल्या चरणात उपस्थित आहे.

ii) $B (4, -7)$ या बिंदूचा x निर्देशक धन आहे आणि y निर्देशक ऋण आहे.

$\therefore$ बिंदू $B (4, -7)$ हा चौथ्या चरणात उपस्थित आहे.

iii) $P (-3, 0)$ या बिंदूचा y निर्देशक 0 आहे.

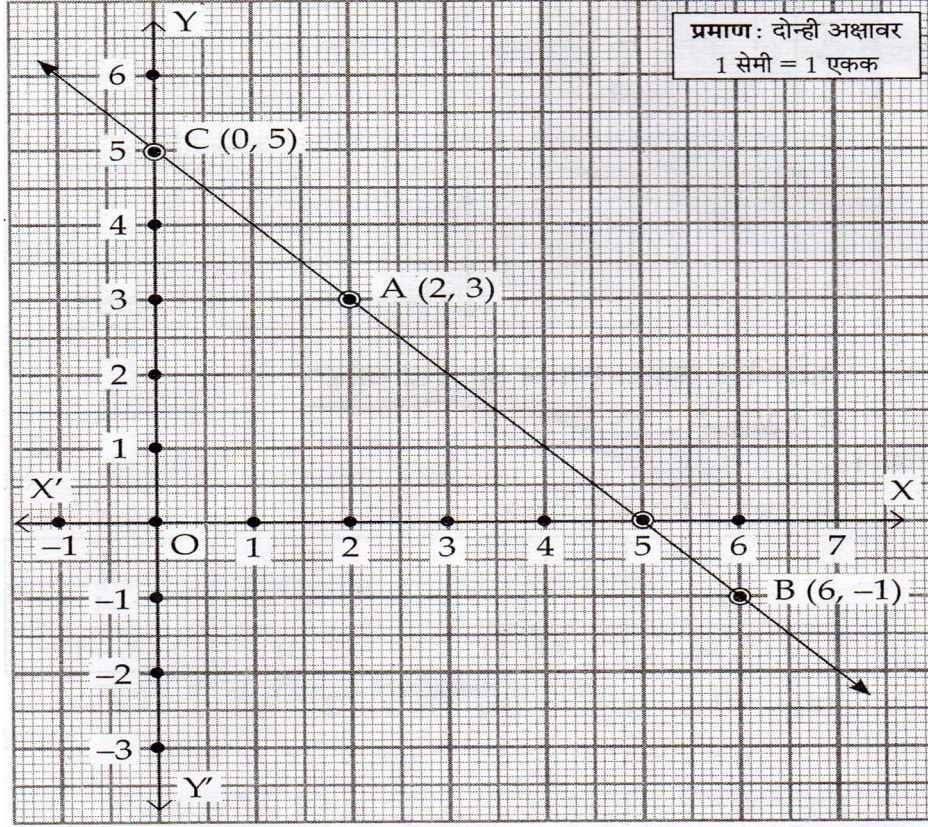
$\therefore P (-3, 0)$ x - अक्षावर आहे.

iv) $Q (0, 8)$ या बिंदूचा x निर्देशक 0 आहे.

$\therefore Q (0, 8)$ हा बिंदू y - अक्षावर आहे.

24) आलेख कागदावर $A (2, 3)$; $b (6, -1)$ आणि $C (0, 5)$ हे बिंदू स्थापन करा. जर हे बिंदू एकरेषीय असतील, तर त्यांना सामावणारी रेषा काढा. ही रेषा x - अक्ष व y - अक्ष यांना

ज्या बिंदूत छेदते, त्या बिंदूचे निर्देशक लिहा.



- उत्तर: i) ही बिंदू एकरेषीय आहेत
 ii) ही रेषा x अक्षाला (5, 0) व y अक्षाला (0, 5) या बिंदूत छेदते.

25) खालील समीकरणाचे आलेख काढा.

i) $x + y = 2$

उत्तर: $x + y = 2$ i.e. $y = 2 - x$

a) जर $x = 2$

$y = 2 - x$

$\therefore y = 2 - 2 = 0$

b) जर $x = 1$

$y = 2 - x$

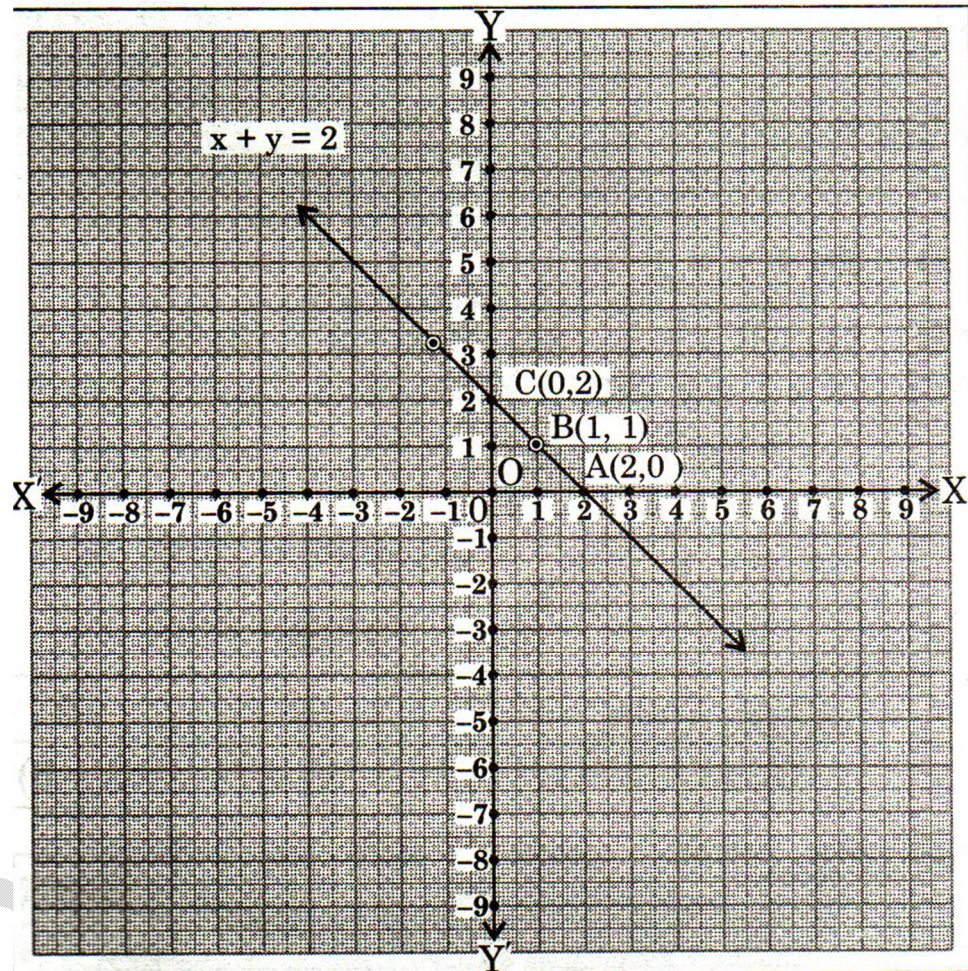
$\therefore y = 2 - 1 = 1$

c) जर $x = 0$

$y = 2 - x$

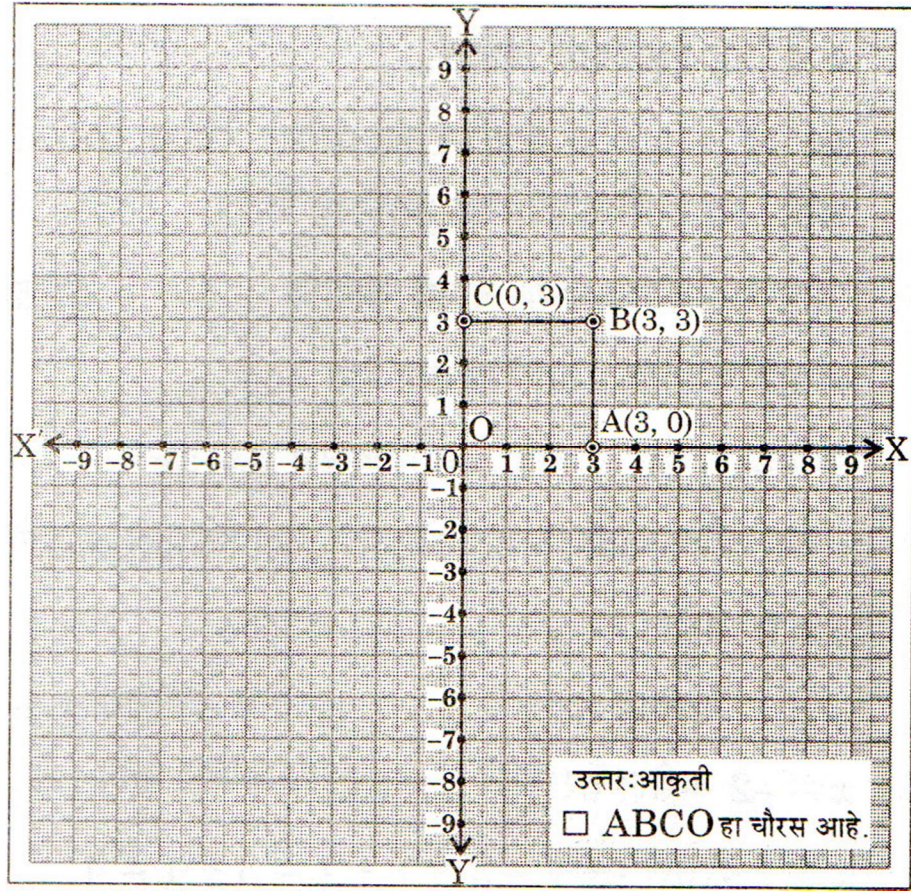
$\therefore y = 2 - 0 = 2$

X	2	1	0
Y	0	1	2
(x,y)	(2,0)	(1,1)	(0,2)

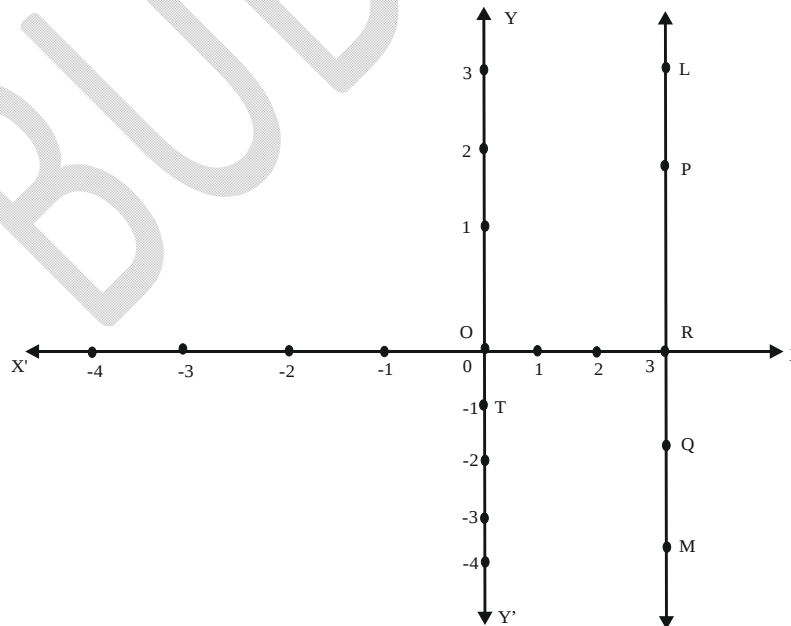


- 26) आलेख कागदावर $A(3, 0)$; $B(3, 3)$ आणि $C(0, 3)$ हे बिंदू स्थापन करा. AB व BC जोडा. कोणती आकृती मिळते ते लिहा.

उत्तर:



27) शेजारील आलेखात रेषा LM ही Y अक्षाला समांतर रेषा आहे.



i) रेषा LM चे Y अक्षापासूनचे अंतर किती ?

उत्तर: रेषा LM चे Y अक्षापासूनचे अंतर 3 एकक आहे.

ii) PQR या बिंदूचे सहनिर्देशक लिहा.

उत्तर: PQR या बिंदूचे सहनिर्देशक

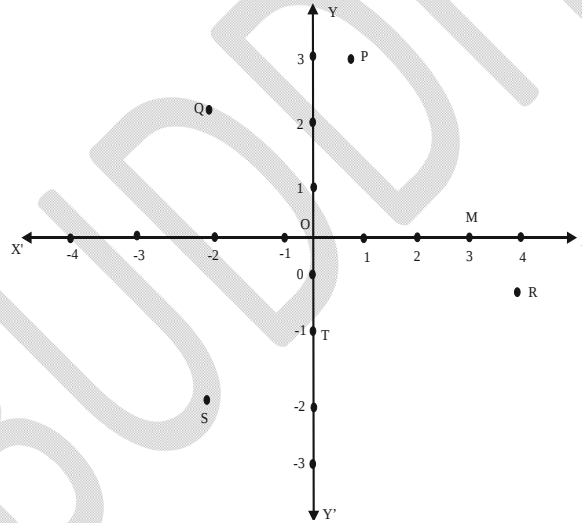
$P(3, 2), Q(3, -1), R(3, 0)$

iii) बिंदू L आणि M यांच्या x निर्देशकांतील फरक किती ?

उत्तर: बिंदू L आणि M यांच्या x निर्देशक 3 आहे.

म्हणजेच फरक $3 - 3 = 0$ आहे.

28) आकृतीत काही बिंदू दाखवले आहेत त्यांची मदत घेऊन खालील प्रश्नांची उत्तरे लिहा.



i) Q आणि R या बिंदूचे निर्देशक लिहा.

उत्तर: $Q(-2, 2), R(4, -1)$ हे निर्देशक आहेत.

ii) T आणि M या बिंदूचे निर्देशक लिहा.

उत्तर: T आणि M या बिंदूचे निर्देशक : $T(0, -1), M(3, 0)$

iii) तिसऱ्या चरणात कोणता बिंदू आहे ?

उत्तर: तिसऱ्या चरणातील बिंदू - बिंदू S

iv) कोणत्या बिंदूचे x आणि y निर्देशक समान आहेत ?

उत्तर: कोणत्याही बिंदूचे x आणि y निर्देशक समान नाहीत.

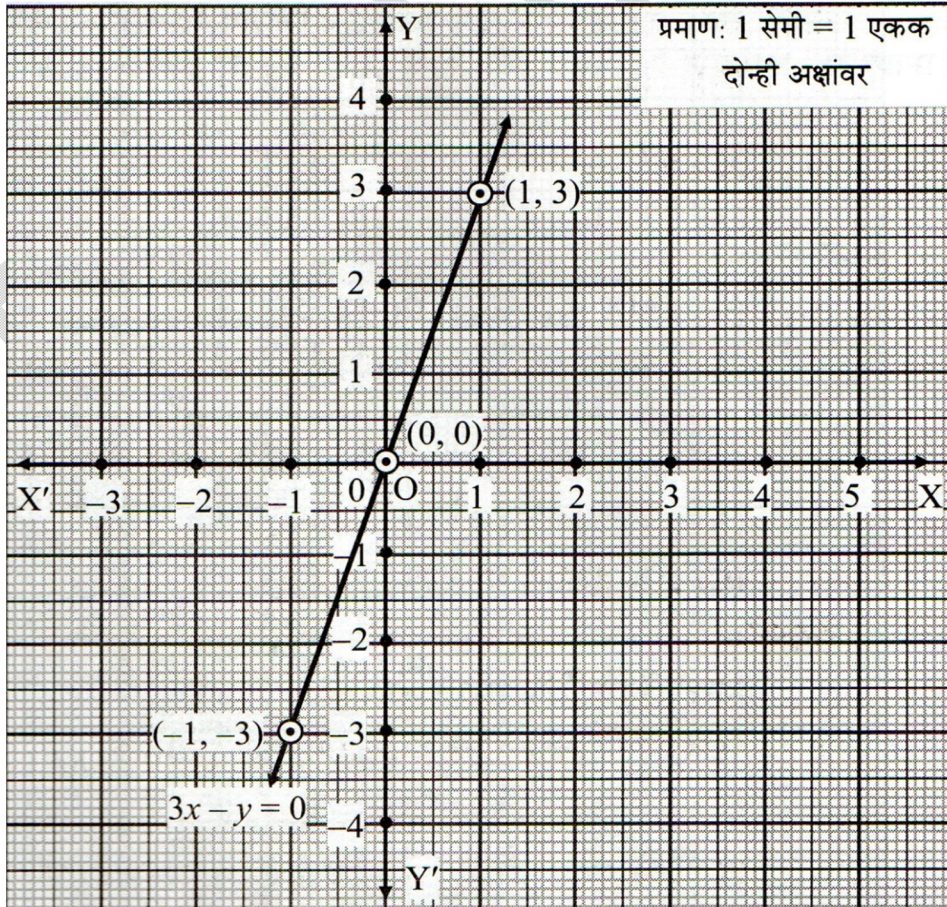
29) खालील समीकरणाचे आलेख काढा.

i) $3x - y = 0$

$3x - y = 0$

$\therefore y = 3x$

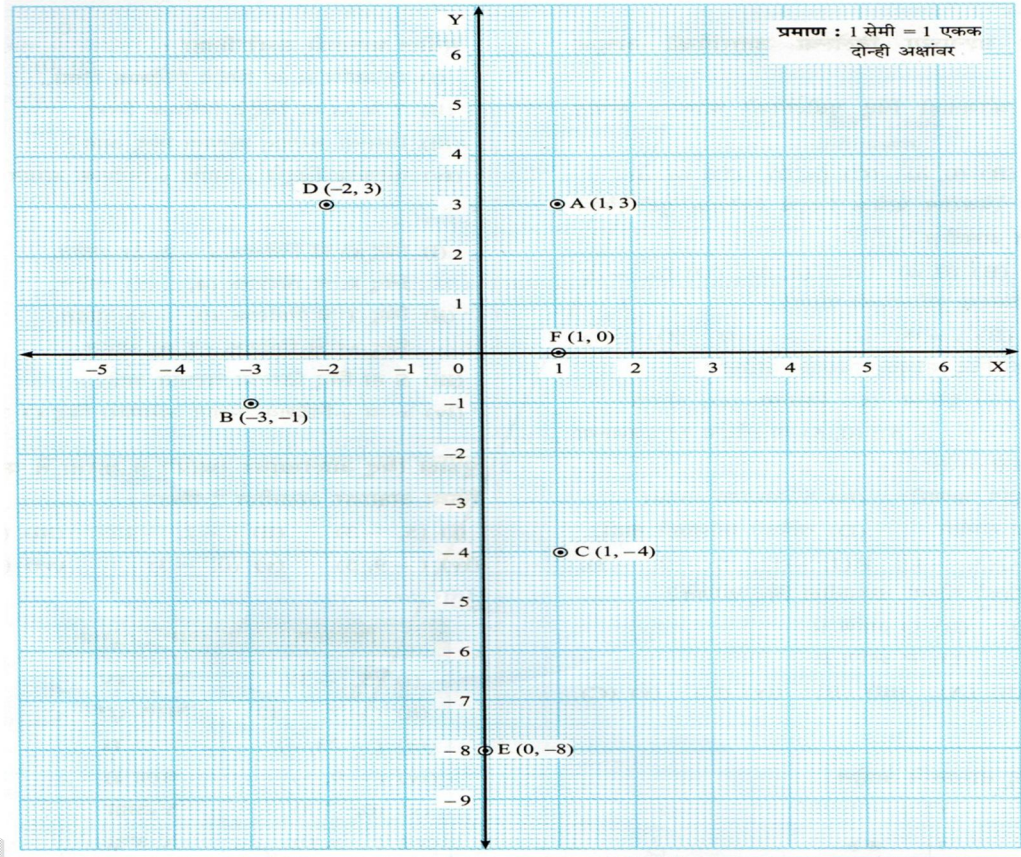
X	0	1	-1
Y	0	3	-3
(X, Y)	(0,0)	(1,3)	(-1, -3)



30) पुढील बिंदू आलेख कागदावर स्थापन करा :

A (1, 3) ; B (- 3, -1): C (1 , - 4); D (- 2, 3);
E (0 , - 8); F (1 ,0)

उत्तर:



31) पुढील बिंदू आलेखावर स्थापन न करता ते कोणत्या चरणात किंवा अक्षावर असतील ते लिहा.

i)(5 , -3) ii) (-7, -12) iii) (-23, 4)
iv) (-9 , 5) v) (0 , -3) vi) (-6 ,0)

उत्तर:

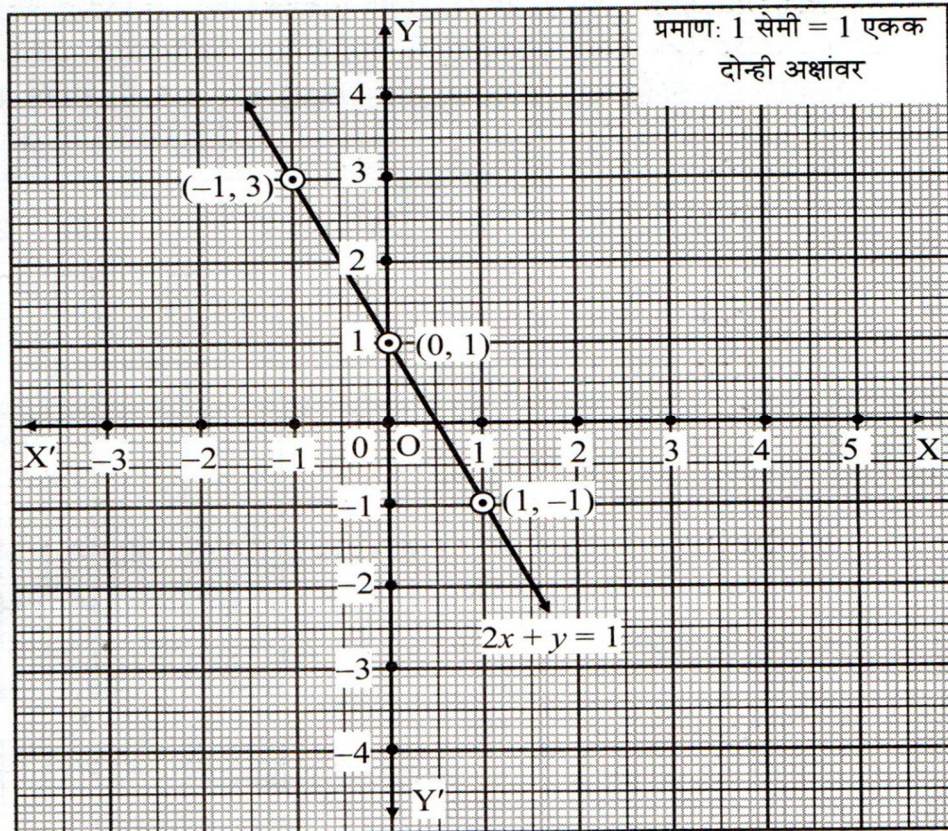
निर्देशक		चरण / अक्ष
i)	(5, -3)	चरण IV
ii)	(-7, -12)	चरण III
iii)	(-23, 4)	चरण II
iv)	(-9, 5)	चरण I
V)	(0, -3)	Y अक्ष
vi)	(-6, 0)	X अक्ष

32) खालील समीकरणाचे आलेख काढा.

i) $2x + y$

उत्तर: $2x + y = 1 \quad \therefore y = 1 - 2x$

X	0	1	-1
Y	0	-1	3
(X, Y)	(0,0)	(1, -1)	(-1, 3)



33) खालील समीकरणांचे आलेख एकाच निर्देशक पद्धतीवर काढा.
त्याच्या छेदनबिंदूचे निर्देशक लिहा.

$$x + 4 = 0, y - 1 = 0, 2x + 3 = 0, 3y - 15 = 0$$

$$\text{i) } x + 4 = 0,$$

$$\therefore x = -4$$

$$\text{ii) } y - 1 = 0$$

$$\therefore y = 1$$

$$\text{iii) } 2x + 3 = 0$$

$$\therefore 2x = -3$$

$$\therefore X = \frac{-3}{2}$$

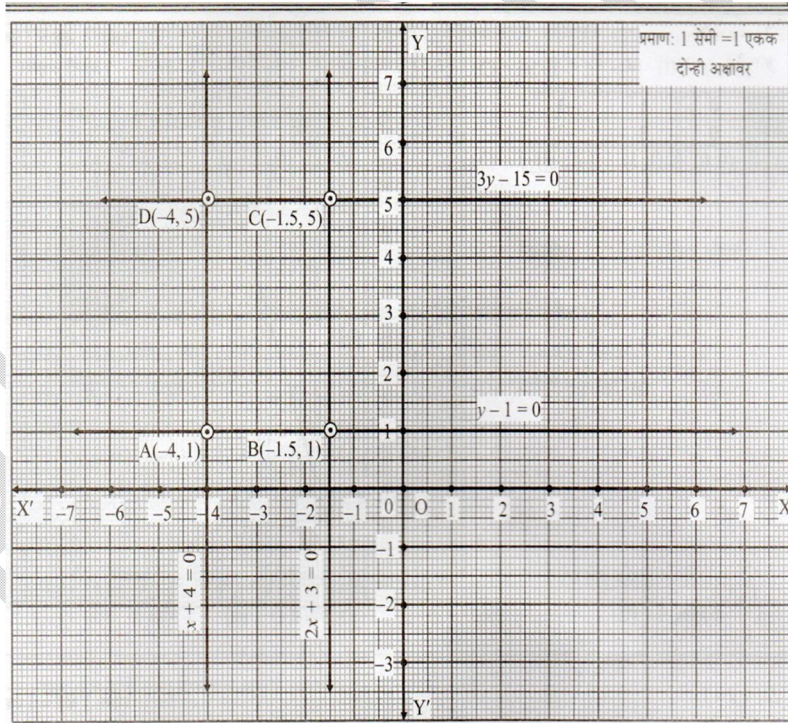
$$\therefore X = -1.5$$

$$\text{iv) } 3y - 15 = 0$$

$$\therefore 3y = 15$$

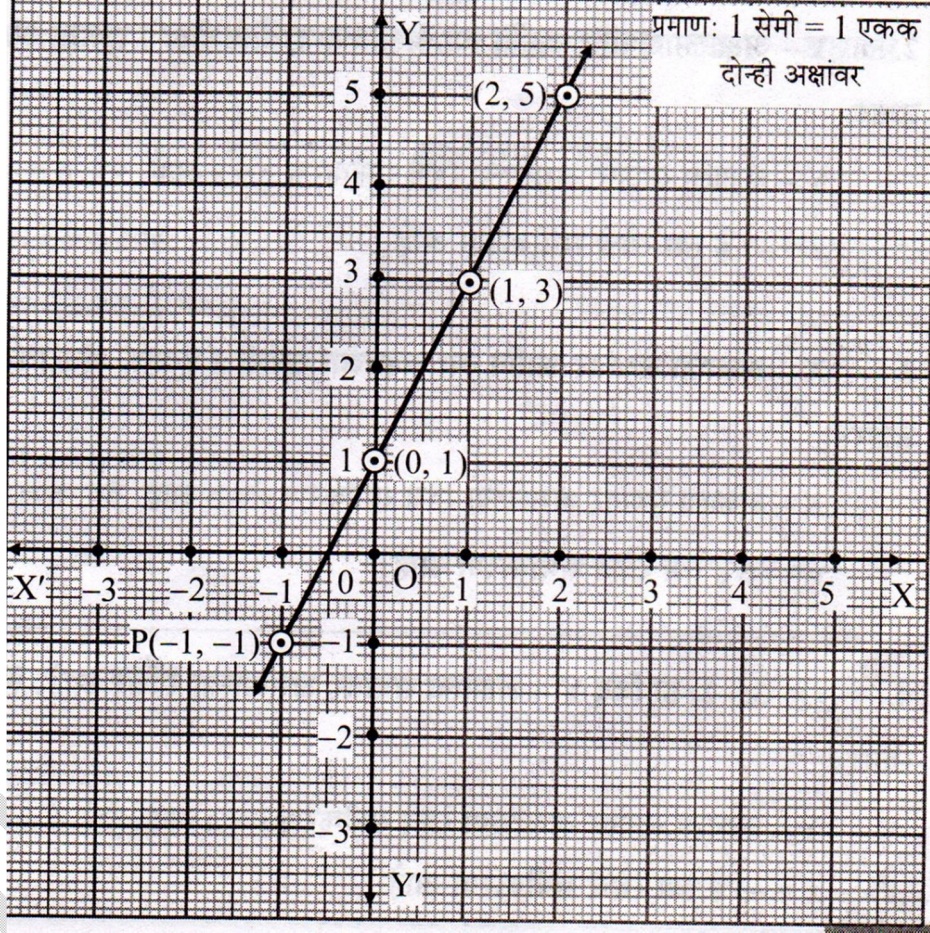
$$\therefore y = \frac{15}{3}$$

$$\therefore y = 5$$



छेदनबिंदूचे निर्देशक $A(4,1)$, $B(-1.5,1)$, $C(-1.5,1)$ आणि $D(-4,5)$ आहेत

34) आलेख कागदावर $(0, 1)$; $b(1, 3)$ आणि $C(2, 5)$ हे बिंदू स्थापन करा. ते एकरेषीय आहेत का ते तपासा, तर एकरेषीय असतील, तर त्यांतून जाणारी रेषा काढा.



i) ती रेषा कोणकोणत्या चरणातून जाते ते लिहा.

उत्तर: रेषा चरण I, II व III मधून जाते.

ii) ती रेषा y अक्षाला ज्या बिंदूत छेदते त्या बिंदूचे निर्देशक लिहा.

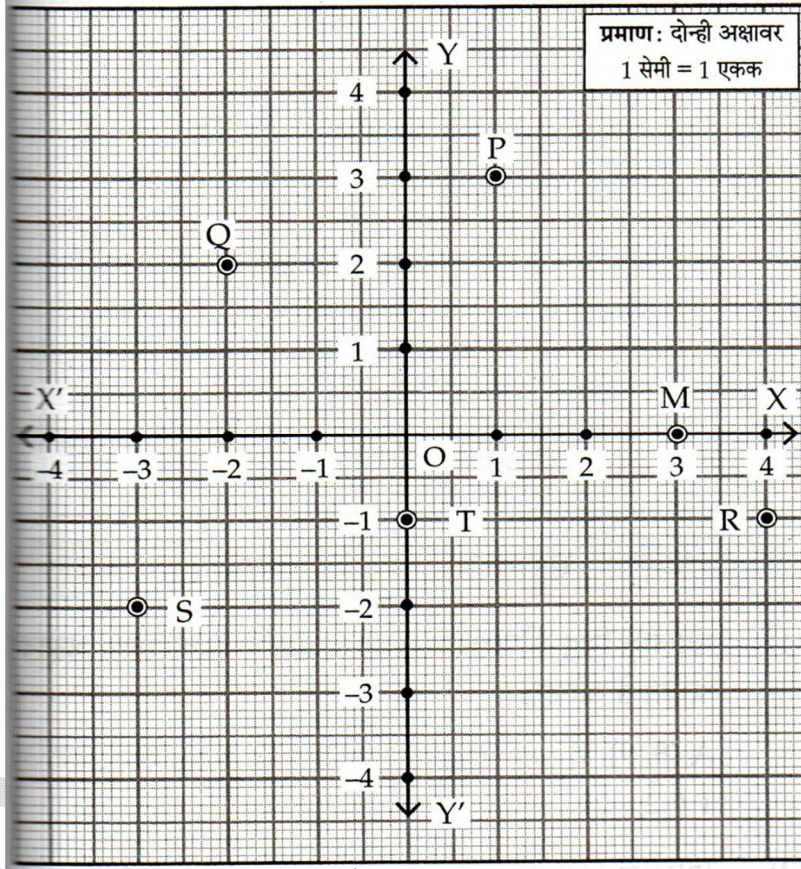
उत्तर: $(0, 1)$

iii) त्या रेषेवर तिसऱ्या चरणातील कोणताही एक बिंदू दाखवा.

त्याचे निर्देशक लिहा.

उत्तर: $(-1, -1)$

35) आकृतीत काही बिंदू दाखवले आहेत खालील प्रश्नांची उत्तरे लिहा.



i) Q आणि R या बिंदूचे निर्देशक लिहा.

उत्तर: $Q(-2, 2)$, $R(4, -1)$ हे निर्देशक आहेत.

ii) T आणि M या बिंदूचे निर्देशक लिहा.

उत्तर: T आणि M या बिंदूचे निर्देशक : $T(0, -1)$, $M(3, 0)$

iii) तिसऱ्या चरणात कोणता बिंदू आहे ?

तिसऱ्या चरणातील बिंदू - बिंदू S

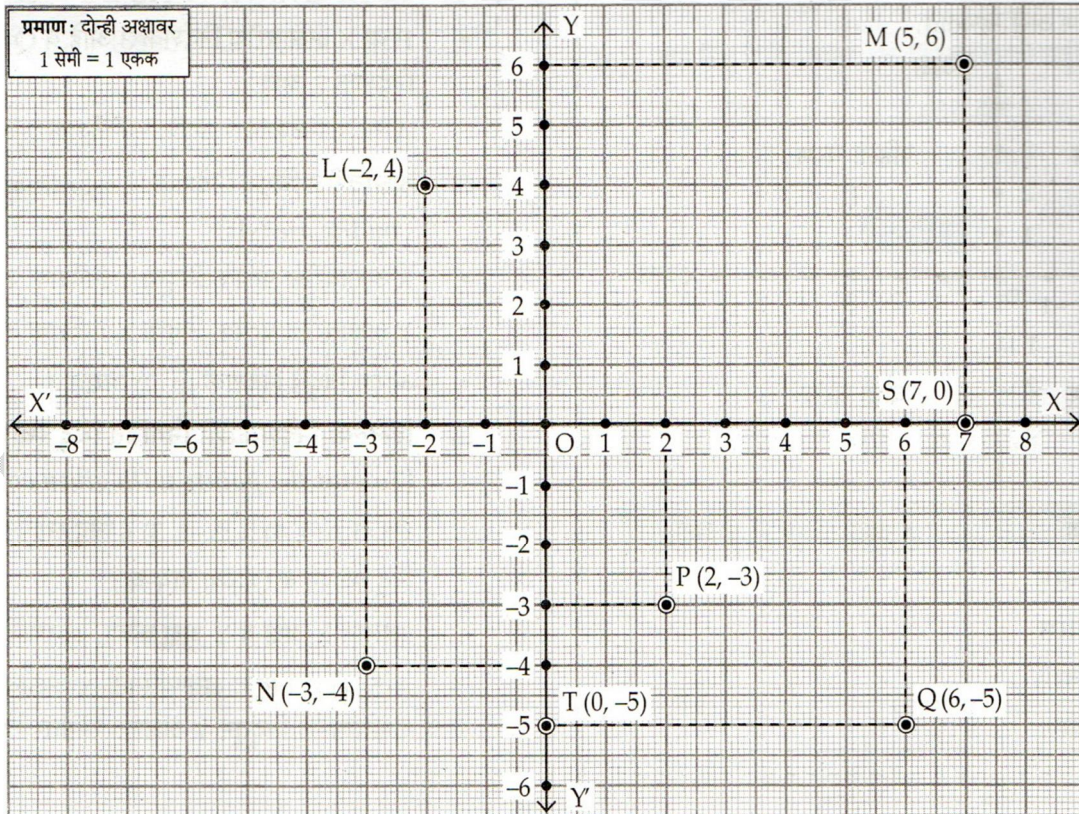
iv) कोणत्या बिंदूचे x आणि y निर्देशक समान आहेत ?

उत्तर: आरंभबिंदू o (0,0)

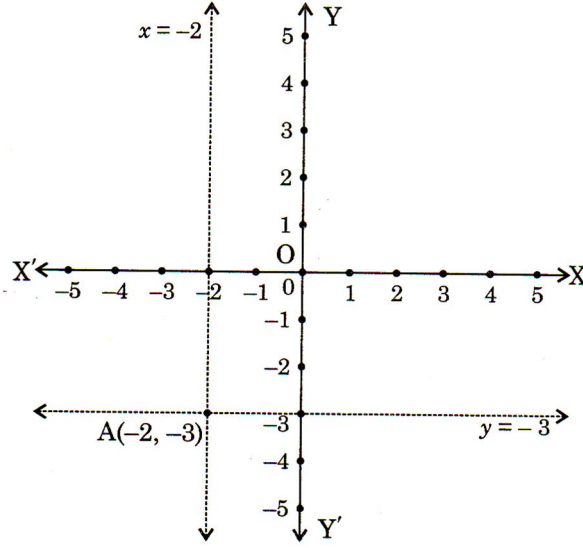
36) प्रतलात निर्देशक पद्धती निश्चित करा व खालील बिंदू स्थापन करा.

L (-2 ,4), M (5,6) , N (-3, -4), P (2 , -3)

Q (6, -5) S (7 , 0), T (0 , -5)



37) $x = -2$ आणि $y = -3$ या समीकरणांचे आलेख काढा.



उत्तर: $x = -2$ म्हणजेच y अक्षाच्या डावीकडे 2 एकक अंतरावर y -अक्षाला समांतर रेषा काढा.

$y = -3$ म्हणजेच x अक्षाच्या खालच्या बाजूला 3 एकक अंतरावर x -अक्षाला समांतर रेषा काढा.

अक्षांना समांतर काढलेल्या या रेषा म्हणजे या समीकरणांचे आलेख व त्यांच्या छेदनबिंदू A चे निर्देशक $(-2, -3)$

.38) $3x - y + 1 = 0$ हे दोन चलांतील रेषीय समीकरण आहे. या समीकरणाचा आलेख काढा.

उत्तर: रेषीय समीकरणामध्ये दोन्ही चलांचा घातांक 1 असतो या समीकरणाचा आलेख एक रेषा आहे.

समीकरण $3x - y + 1 = 0$ म्हणजेच $y = 3x + 1$

x च्या कोणत्याही किंमती घेऊन y च्या किंमती काढणे.

$x = 0$ असेल तर $y = 1$

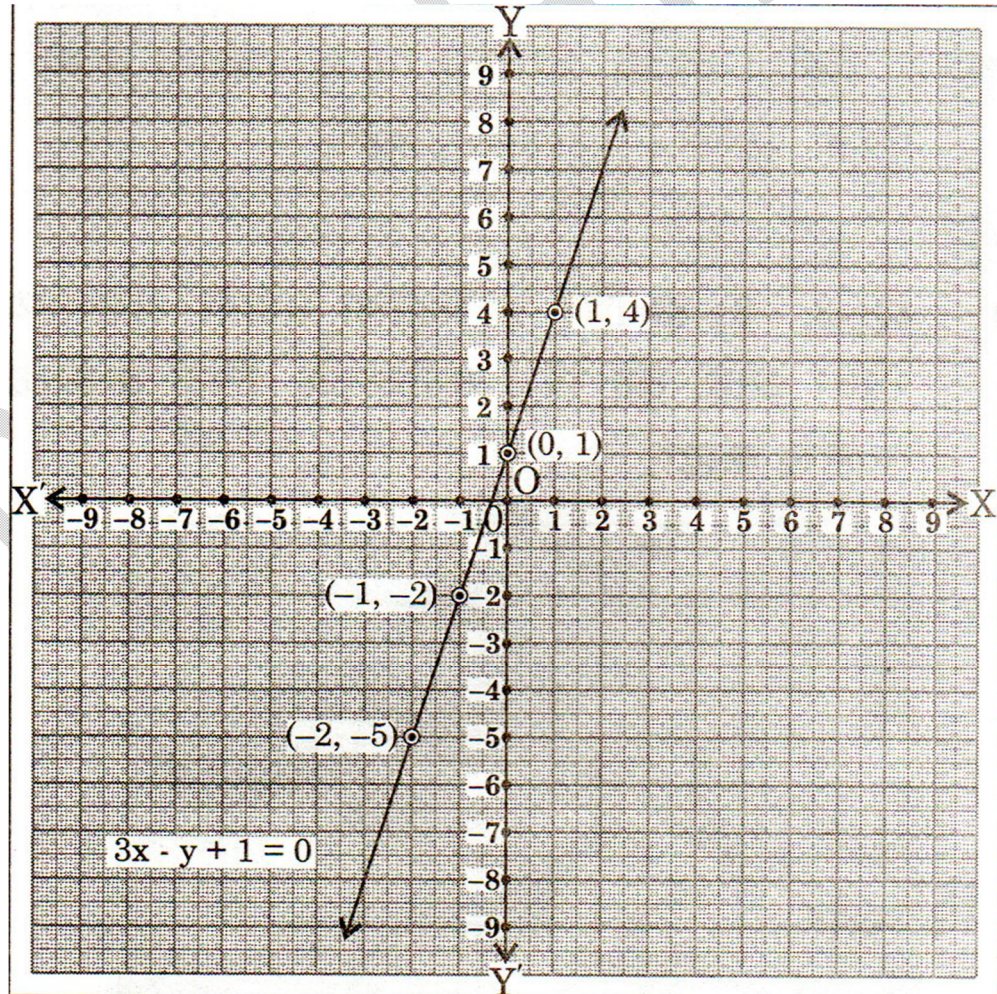
$x = -1$ असेल तर $y = 3 \times (-1) + 1 = -3 + 1 = -2$

$x = -2$ असेल तर $y = 3 \times (-2) + 1 = -6 + 1 = -5$

$x = 1$ असेल तर $y = 3 \times 1 + 1 = 3 + 1 = 4$

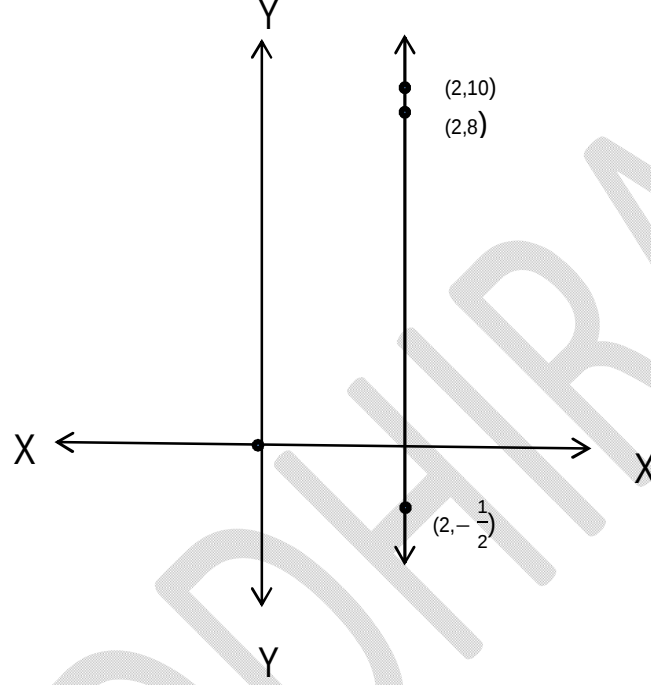
या किंमती सारणीच्या स्वरूपात लिहणे.

X	0	-1	-2	1
Y	1	-2	-5	4
(X, Y)	(0, 1)	(-1, -2)	(-2, -5)	(1, 4)



39) खालील प्रश्नांची उत्तरे लिहा :

i) Y अक्षाला समांतर व त्याच्या पासून 2 एकक अंतरावर उजवीकडे अशी रेषा काढा.



उत्तर: ही रेषा $(2, 0)$ या बिंदूतून जाईल.

ii) $(2, 10)$, $(2, 8)$, $(2, -\frac{1}{2})$ हे सर्व बिंदू या रेषेवर असतील का ?

उत्तर: हो

$(2, 10)$, $(2, 8)$, $(2, -\frac{1}{2})$ ह्या बिंदूंचा x-निर्देशक समान असून तो 2 आहे.

$\therefore$ हे सर्व बिंदू वरील रेषेवर आहेत.

iii) या रेषेचे समीकरण कोणते असेल ?

उत्तर: रेषेचे समीकरण $x = 2$ आहे.

40) $x = -4$ आणि $y = 2$ या समीकरणांचे आलेख काढा.

उत्तर:

