

8. सरावासाठी अधिक प्रश्न

1. एका चौकोनाच्या कोनांच्या मापांचे प्रमाण $3:4:5:6$ आहे, तर तो कोणत्या प्रकारचा चौकोन असेल ? त्या चौकोनाच्या प्रत्येक कोनाचे माप काढा. कारण लिहा.

उकल : चौकोनाच्या कोनांच्या मापांचे प्रमाण $3:4:5:6$ आहे.

□ PQRS हा चौकोन मानू.

$$\therefore m\angle P : m\angle Q : m\angle R : m\angle S = 3 : 4 : 5 : 6$$

$\therefore \angle P, \angle Q, \angle R$ आणि $\angle S$ यांची मापे अनुक्रमे $3x, 4x, 5x$ आणि $6x$ मानू.

चौकोनाच्या सर्व आंतरकोनांच्या मापांची बेरीज 360° असते.

$$\therefore 3x + 4x + 5x + 6x = 360^\circ$$

$$\therefore 18x = 360^\circ$$

$$\therefore x = \frac{360}{18}$$

$$\therefore x = 20$$

$$\therefore m\angle P = 3x = 3 \times 20 = 60^\circ$$

$$\therefore m\angle Q = 4x = 4 \times 20 = 80^\circ$$

$$\therefore m\angle R = 5x = 5 \times 20 = 100^\circ$$

$$\therefore m\angle S = 6x = 6 \times 20 = 120^\circ$$

$$\text{दोन कोनांच्या मापांची बेरीज} = m\angle P + m\angle S = 180^\circ$$

$$= 60^\circ + 120^\circ = 180^\circ$$

चौकोनाच्या लगतच्या कोनांच्या मापांची बेरीज 180° असते.

$\therefore \angle P$ आणि $\angle S$ हे लगतचे कोन आहेत.

$$m\angle Q + m\angle R = 180^\circ$$

$$80^0 + 100^0 = 180^0$$

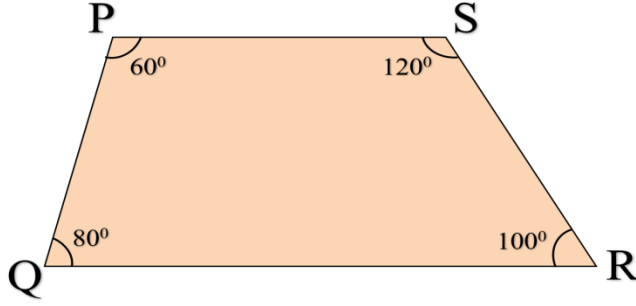
चौकोनाच्या लगतच्या कोनांच्या मापांची बेरीज 180^0 असते.

$\therefore \angle Q$ आणि $\angle R$ हे लगतचे कोन आहेत.

चौकोनाच्या दोन आंतरकोनांच्या मापांची बेरीज 180^0 असते

जर आंतरकोन पूरक कोन असतील तर त्या बाजू समांतर असतात.

$\therefore$ रेख **PS** $\parallel$ रेख **QR**



$$m\angle P + m\angle R = 60^0 + 80^0 = 140^0 \neq 180^0$$

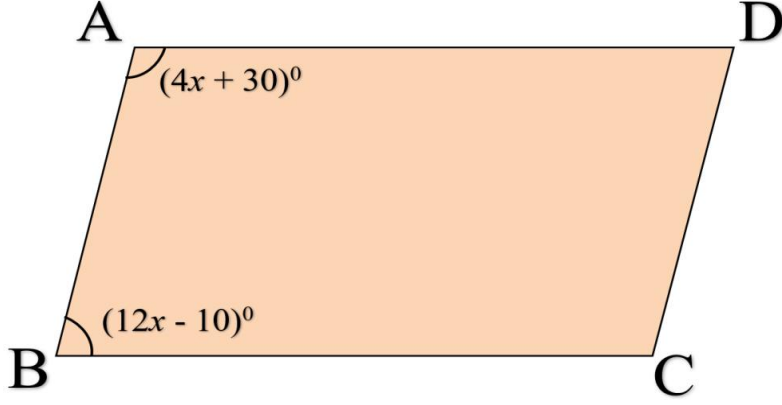
$\therefore$ बाजू **PQ** ही बाजू **SR** ला समांतर नाही.

$\therefore$ $\square$ **PQRS** च्या संमुख बाजूंची एकच जोडी समांतर आहे.

$\therefore$ $\square$ **PQRS** हा समलंब चौकोन आहे.

2. समांतरभुज चौकोनाच्या लगतच्या कोनांची मापे अनुक्रमे $(4x + 30)^\circ$ आणि $(12x - 10)^\circ$ अशी आहेत, तर समांतरभुज चौकोनाच्या प्रत्येक कोनाचे माप काढा.

उकल :



समांतरभुज □ ABCD मध्ये,

$\angle A$ आणि $\angle B$ हे लगतचे कोन आहेत.

$$m\angle A = (4x + 30)^\circ, m\angle B = (12x - 10)^\circ \dots\dots (\text{ दिलेले आहे.})$$

समांतरभुज चौकोनाचे लगतचे कोन पूरक असतात.

$$\therefore (4x + 30) + (12x - 10) = 180$$

$$\therefore 16x + 20 = 180$$

$$\therefore 16x = 180 - 20$$

$$\therefore 16x = 160$$

$$\therefore x = \frac{160}{16}$$

$$\therefore x = 10$$

$$m\angle A = (4x + 30)^\circ = 4 \times 10 + 30 = 40 + 30 = 70^\circ$$

$$m\angle B = (12x - 10)^\circ = 12 \times 10 - 10 = 120 - 10 = 110^\circ$$

समांतरभुज चौकोनाचे संमुख कोन एकरूप असतात.

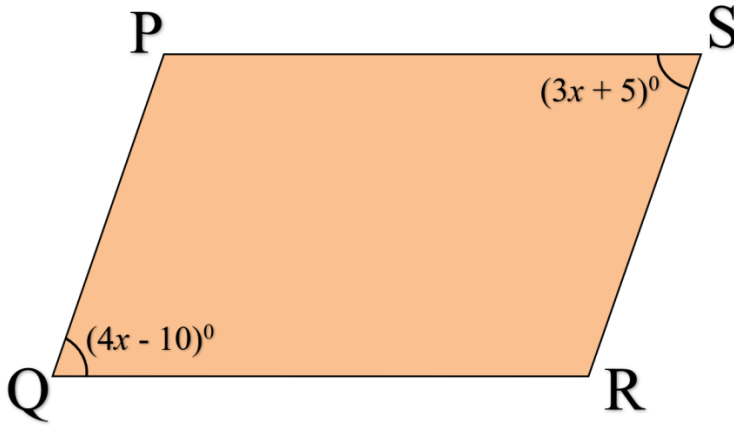
$$\therefore m\angle A = m\angle C = 70^0 \text{ आणि}$$

$$\therefore m\angle B = m\angle D = 110^0$$

$\therefore$ समांतरभुज चौकोनाच्या त्या कोनांची मापे 70^0 , 110^0 , 70^0 आणि 110^0 आहेत.

3. एका समांतरभुज चौकोनाच्या संमुख कोनांची मापे $(4x - 10)^0$ आणि $(3x + 5)^0$ आहेत, तर चौकोनाच्या प्रत्येक कोनाचे माप काढा.

उकल :



□ PQRS या समांतरभुज चौकोनामध्ये,

$\angle PQR$ आणि $\angle PSR$ हे समांतरभुज चौकोनाचे संमुख कोन आहेत.

$$m\angle PQR = (4x - 10)^0, m\angle PSR = (3x + 5)^0$$

समांतरभुज चौकोनाच्या संमुख कोनांची मापे समान असतात.

$$\therefore m\angle PQR = m\angle PSR$$

$$\therefore 4x - 10 = 3x + 5$$

$$\therefore 4x - 3x = 10 + 5$$

$$\therefore x = 15$$

$$\therefore m\angle PQR = (4x - 10)^0 = 4 \times 15 - 10 = 60 - 10 = 50^0$$

$$m\angle PSR = (3x + 5)^0 = 3 \times 15 + 5 = 45 + 5 = 50^0$$

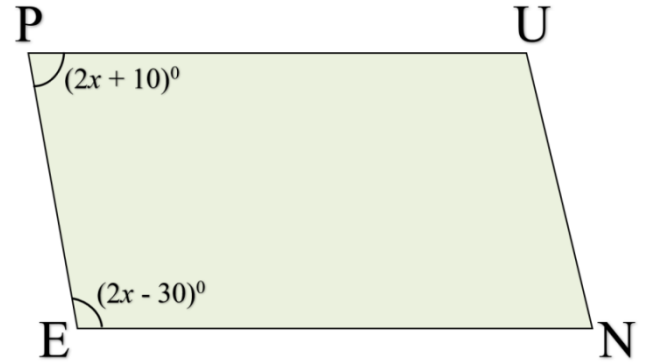
चौकोनाच्या सर्व आंतरकोनांच्या मापांची बेरीज 360^0 असते.

$$\begin{aligned}
 \therefore \text{उरलेल्या दोन संमुख कोनांची मापे} &= 360 - m\angle PQR - m\angle PSR \\
 &= 360 - 50 - 50 \\
 &= 360 - 100 \\
 &= 260^0
 \end{aligned}$$

$$\therefore \text{एका कोनाचे माप} = \frac{260}{2} = 130^0$$

$\therefore$ समांतरभुज चौकोनाच्या कोनांची मापे अनुक्रमे $50^0, 130^0, 50^0, 130^0$ अशी आहेत.

4. सोबतच्या आकृतीमध्ये, $\square PUNE$ हा समांतरभुज चौकोन आहे. जर $m\angle P = (2x + 10)^0$ आणि $m\angle E = (2x - 30)^0$ तर x ची किंमत आणि $m\angle N$ काढा.



उकल : $\square PUNE$ या समांतरभुज चौकोनामध्ये,

रेख $PU \parallel$ रेख EN

$$m\angle P = (2x + 10)^0, m\angle E = (2x - 30)^0 \dots\dots (\text{दिलेले आहे})$$

समांतरभुज चौकोनाचे लगतचे कोन पूरक असतात.

$$\therefore m\angle P + m\angle E = 180^0$$

$$\therefore (2x + 10)^0 + (2x - 30)^0 = 180^0$$

$$\therefore 4x - 20 = 180$$

$$\therefore 4x = 180 + 20$$

$$\therefore 4x = 200$$

$$\therefore x = \frac{200}{4}$$

$$\therefore x = 50$$

$\angle P$ आणि $\angle N$ हे संमुख कोन आहेत.

समांतरभुज चौकोनाच्या संमुख कोनांची मापे समान असतात.

$$\begin{aligned}\therefore m\angle P &= m\angle N = (2x + 10)^0 \\ &= 2 \times 50 + 10 \dots\dots (\because x = 50) \\ &= 100 + 10 \\ &= 110^0\end{aligned}$$

$\therefore x = 50$ आणि $m\angle N = 110^0$ आहे.

5. $\square$ **FAST** या समभुज चौकोनाच्या कर्णांची लांबी 16 सेमी आणि 30 सेमी आहेत. तर तर त्या समभुज चौकोनाची बाजू आणि परिमिती काढा.

उकल : $\square$ **FAST** चे कर्ण परस्परांना **P** बिंदूमध्ये छेदतात.

$$\therefore l(FS) = 16 \text{ सेमी}$$

$$\therefore l(TA) = 30 \text{ सेमी}$$

समभुज चौकोनाचे कर्ण एकमेकांना काटकोनात दुभागतात.

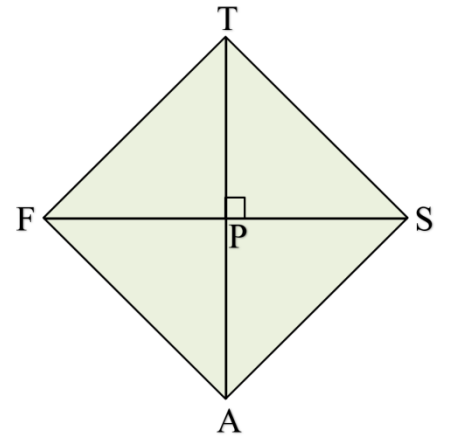
$$\therefore \Delta TPS \text{ मध्ये, } m\angle TPS = 90^0$$

$$l(PS) = \frac{1}{2} \times l(FS) = \frac{1}{2} \times 16 = 8 \text{ सेमी}$$

$$l(TP) = \frac{1}{2} \times l(TA) = \frac{1}{2} \times 30 = 15 \text{ सेमी}$$

ΔTPS हा काटकोन त्रिकोण आहे.

$\therefore$ पायथागोरसच्या प्रमेयानुसार,



$$\begin{aligned}
 l(TS)^2 &= l(TP)^2 + l(PS)^2 \\
 &= (15)^2 + (8)^2 \\
 &= 225 + 64 \\
 &= 289
 \end{aligned}$$

$$\therefore l(TS)^2 = (17)^2$$

$$\therefore l(TS) = 17 \text{ सेमी}$$

$$\therefore \text{समभुज } \square \text{ FAST च्या बाजूची लांबी} = 17 \text{ सेमी}$$

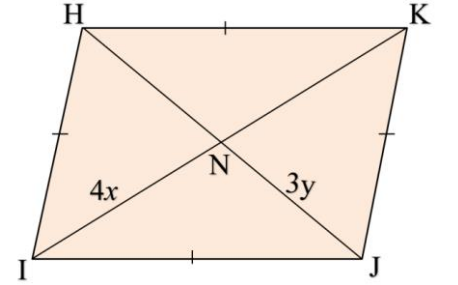
$$\begin{aligned}
 \therefore \text{समभुज } \square \text{ FAST ची परिमिती} &= 4 \times \text{बाजू} \dots\dots\dots(\text{सूत्र}) \\
 &= 4 \times 17 \\
 &= 68 \text{ सेमी}
 \end{aligned}$$

$$\therefore \text{समभुज } \square \text{ FAST ची बाजू } 17 \text{ सेमी आणि परिमिती } 68 \text{ सेमी आहे.}$$

6. $\square \text{ HIJK}$ मध्ये,

$$l(HI) = l(IJ) = l(JK) = l(KH)$$

आहे. तर



(i) चौकोनाचा प्रकार ओळखा.

(ii) जर $l(IK) = 32$ आणि $l(IN) = 4x$ तर x ची किंमत काढा.

(iii) जर $l(HJ) = 24$ आणि $l(JN) = 3y$ तर x ची किंमत काढा.

(iv) $\square \text{ HIJK}$ ची परिमिती काढा.

उकल : (i) दिलेल्या चौकोनाचा प्रकार हा समभुज चौकोन आहे.

$$(ii) l(IK) = 32 \text{ आणि } l(IN) = 4x$$

समभुज चौकोनाचे कर्ण एकमेकांना काटकोनात दुभागतात.

$$\therefore \triangle \text{ HNI मध्ये, } m\angle \text{HNI} = 90^\circ$$

$$\therefore l(IN) = \frac{1}{2} \times l(IK)$$

$$\therefore 4x = \frac{1}{2} \times 32$$

$$\therefore 4x = 16$$

$$\therefore x = \frac{16}{4}$$

$$\therefore x = 4$$

$\therefore x$ ची किंमत 4 आहे.

$$(iii) l(HJ) = 24 \text{ आणि } l(JN) = 3y$$

समभुज चौकोनाचे कर्ण एकमेकांना काटकोनात दुभागतात.

$$\therefore \Delta KNJ \text{ मध्ये, } m\angle KNJ = 90^\circ$$

$$\therefore l(NJ) = \frac{1}{2} \times l(HJ)$$

$$\therefore 3y = \frac{1}{2} \times 24$$

$$\therefore 3y = 12$$

$$\therefore y = \frac{12}{3}$$

$$\therefore y = 4$$

$\therefore y$ ची किंमत 4 आहे.

(iv) ΔINJ हा काटकोन त्रिकोण आहे.

$$l(IN) = 4x = 4 \times 4 = 16 \dots\dots (ii) \text{ वरून}$$

$$l(NJ) = 3y = 3 \times 4 = 12 \dots\dots (iii) \text{ वरून}$$

पायथागोरसच्या प्रमेयानुसार,

$$l(IJ)^2 = l(IN)^2 + l(NJ)^2$$

$$= (16)^2 + (12)^2$$

$$= 256 + 144$$

$$= 400$$

$$\therefore l(IJ)^2 = (20)^2$$

$$\therefore l(IJ) = 20 \text{ सेमी.}$$

$\therefore$ समभुज चौकोनाच्या बाजूची लांबी 20 सेमी आहे.

समभुज $\square HIJK$ ची परिमिती = $4 \times$ बाजू(सूत्र)

$$= 4 \times 20$$

$$= 80 \text{ सेमी.}$$

$\therefore \square HIJK$ ची परिमिती 80 सेमी आहे.

7. समभुज चौकोनाच्या एका कोनाचे माप 125^0 आहे तर उरलेल्या कोनांची मापे काढा.

उकल : $\square POST$ हा समभुज चौकोन आहे असे मानू.

समभुज चौकोनाच्या चारही आंतरकोनांच्या मापांची बेरीज 360^0 असते.

$$\therefore m\angle P + m\angle O + m\angle S + m\angle T = 360^0$$

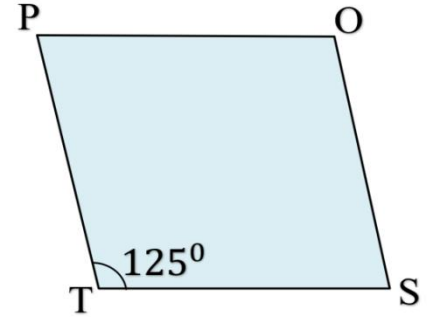
समभुज चौकोनाचे संमुख कोन एकरूप असतात.

$$\therefore m\angle PTS = m\angle POS = 125^0$$

$$\therefore m\angle PTS + m\angle OST + m\angle POS + m\angle OPT = 360^0$$

$$\therefore 125^0 + m\angle OST + 125^0 + m\angle OPT = 360^0$$

$$\therefore m\angle OST + m\angle OPT + 250^0 = 360^0$$



$$\therefore m\angle OST + m\angle OPT = 360^\circ - 250^\circ$$

$$\therefore m\angle OST + m\angle OPT = 110^\circ \dots\dots (i)$$

परंतु $m\angle OST = m\angle OPT \dots\dots$ (समभुज चौकोनाचे संमुख कोन एकरूप असतात.)

$$\therefore m\angle OPT + m\angle OPT = 110^\circ \dots\dots (i) \text{ वरून })$$

$$\therefore 2 m\angle OPT = 110^\circ$$

$$\therefore m\angle OPT = \frac{110}{2}$$

$$\therefore m\angle OPT = 55^\circ$$

$$\therefore m\angle OPT = m\angle OST = 55^\circ$$

$\therefore$ समभुज चौकोनाच्या उरलेल्या कोनांची मापे 55° , 125° आणि 55° आहेत.

8. आयत MELT च्या कर्णाचा छेदनबिंदू O आहे.

(i) $l(MT) = 15$ सेमी तर $l(EL)$ काढा.

(ii) $l(MO) = 12.5$ सेमी तर $l(ML)$ काढा.

(iii) $\square METL$ ची परिमिती काढा.

उकल : (i) आयताच्या संमुख बाजू एकरूप असतात.

$$\therefore l(EL) = l(MT) = 15 \text{ सेमी}$$

(ii) आयताचे कर्ण परस्परांना दुभागतात.

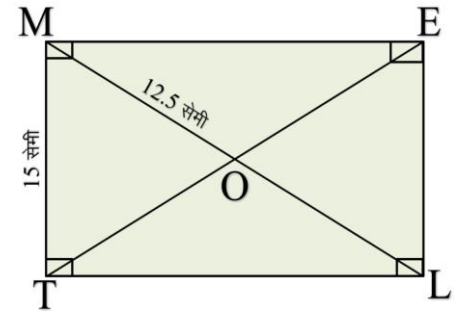
$$\therefore l(ML) = 2 \times l(MO) = 2 \times 12.5 = 25 \text{ सेमी}$$

(iii) ΔMTL हा काटकोन त्रिकोण आहे.

$\therefore$ पायथागोरसच्या प्रमेयानुसार,

$$l(ML)^2 = l(MT)^2 + l(TL)^2$$

$$(25)^2 = (15)^2 + l(TL)^2$$



$$\begin{aligned}
 \therefore l(TL)^2 &= (25)^2 - (15)^2 \\
 &= 625 - 225 \\
 &= 400
 \end{aligned}$$

$$\therefore l(TL)^2 = (20)^2$$

$$\therefore l(TL) = 20 \text{ सेमी}$$

$\therefore$ आयत **MELT** ची लांबी 20 सेमी आणि रुंदी 15 सेमी आहे.

$$\begin{aligned}
 \text{आयताची परिमिती} &= 2 (\text{लांबी} + \text{रुंदी}) \dots\dots\dots (\text{सूत्र}) \\
 &= 2 (20 + 15) \\
 &= 2 (35) \\
 &= 70 \text{ सेमी}
 \end{aligned}$$

$\therefore$ आयत $\square$ **MELT** ची परिमिती 70 सेमी आहे.

9. एका चौरसाच्या बाजूची लांबी 10 सेमी आहे तर

(i) कर्णाची लांबी काढा. (ii) परिमिती काढा.

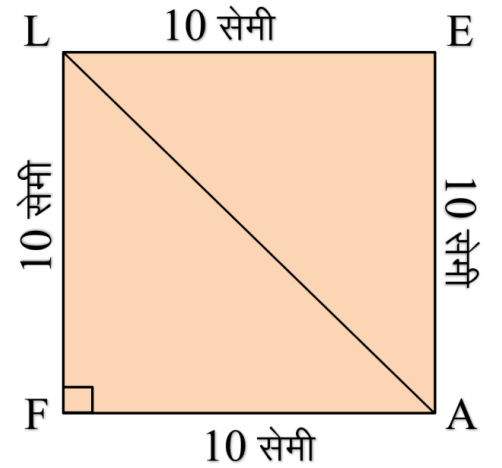
उकल : (i) $\square$ **LEAF** हा 10 सेमी बाजू असलेला चौरस आहे.

रेख **LA** हा कर्ण आहे.

$\triangle$ **LFA** हा काटकोन त्रिकोण आहे.

$\therefore$ पायथागोरसच्या प्रमेयानुसार,

$$\begin{aligned}
 l(LA)^2 &= l(LF)^2 + l(FA)^2 \\
 &= (10)^2 + (10)^2 \\
 &= 100 + 100 \\
 &= 200
 \end{aligned}$$



$$\begin{aligned}
 \therefore l(LA) &= \sqrt{200} \\
 &= \sqrt{2 \times 100} \\
 &= 10\sqrt{2} \text{ सेमी}
 \end{aligned}$$

$\therefore$ चौरसाच्या कर्णाची लांबी $10\sqrt{2}$ सेमी आहे.

(ii) चौरसाची बाजू = 10 सेमी (दिलेली आहे)

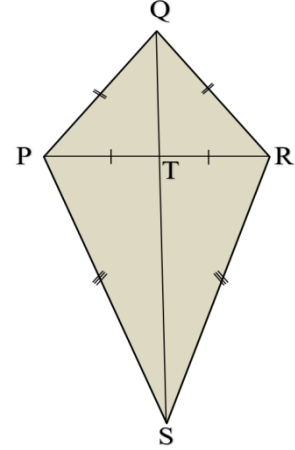
चौरसाची परिमिती = $4 \times$ बाजू (सूत्र)

$$= 4 \times 10$$

$$= 40 \text{ सेमी}$$

$\therefore$ चौरसाची परिमिती 40 सेमी आहे.

10. सोबतच्या आकृतीमध्ये, $l(TR) = 8$ सेमी,
 $l(QR) = 10$ सेमी, $l(RS) = 17$ सेमी तर
 (i) $l(QT)$ काढा.
 (ii) $l(PQ)$ काढा.
 (iii) $l(PS)$ काढा.
 (iv) कर्णाची लांबी काढा.



उकल : (i) $\square PQRS$ हा पतंग आहे.

$\therefore \square PQRS$ या पतंगामध्ये, $m\angle QTR = 90^\circ$

$l(TR) = 8$ सेमी, $l(QR) = 10$ सेमी दिलेले आहे.

ΔQTR हा काटकोन त्रिकोण आहे.

$\therefore$ पायथागोरसच्या प्रमेयानुसार,

$$l(QR)^2 = l(QT)^2 + l(TR)^2$$

$$\therefore (10)^2 = l(QT)^2 + (8)^2$$

$$\therefore 100 = l(QT)^2 + 64$$

$$\therefore l(QT)^2 = 100 - 64$$

$$\therefore l(QT)^2 = 36$$

$$\therefore l(QT)^2 = (6)^2$$

$$\therefore l(QT) = 6 \text{ सेमी}$$

$\therefore$ QT ची लांबी 6 सेमी आहे.

(ii) $\square PQRS$ हा पतंग आहे. $l(QR) = 10$ सेमी

$$\therefore \text{रेख } PQ \cong \text{रेख } QR$$

$$\therefore l(PQ) = l(QR) = 10 \text{ सेमी}$$

$\therefore$ PQ ची लांबी 10 सेमी आहे.

(iii) $\square PQRS$ हा पतंग आहे. $l(RS) = 17$ सेमी

$$\therefore \text{रेख } PS \cong \text{रेख } RS$$

$$\therefore l(PS) = l(RS) = 17 \text{ सेमी}$$

$\therefore$ PS ची लांबी 17 सेमी आहे.

(iv) पतंगाचा एक कर्ण दुसऱ्या कर्णाचा लंबदुभाजक असतो.

$$\therefore PT = TR = 8 \text{ सेमी}$$

$$\text{कर्ण } PR = 2PT = 2 \times 8 = 16 \text{ सेमी}$$

$\therefore$ पहिल्या कर्णाची लांबी 16 सेमी आहे.

परंतु $l(TR) = 8$ सेमी दिलेली आहे.

ΔSTR हा काटकोन त्रिकोण आहे.

∴ पायथागोरसच्या प्रमेयानुसार,

$$l(\text{RS})^2 = l(\text{TS})^2 + l(\text{TR})^2$$

$$\therefore (17)^2 = l(\text{TS})^2 + (8)^2$$

$$\therefore l(\text{TS})^2 = (17)^2 - (8)^2$$

$$\therefore l(\text{TS})^2 = 289 - 64$$

$$\therefore l(\text{TS})^2 = 225$$

$$\therefore l(\text{TS})^2 = (15)^2$$

$$\therefore l(\text{TS}) = 15 \text{ सेमी}$$

$$\therefore \text{दुसऱ्या कर्णाची लांबी} = l(\text{QS}) = l(\text{QT}) + l(\text{TS})$$

$$= 6 + 15$$

$$= 21 \text{ सेमी}$$

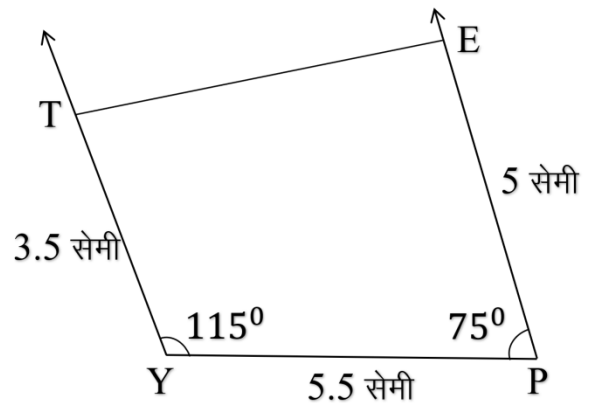
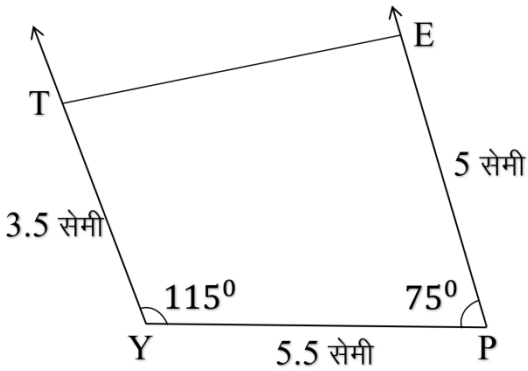
∴ पतंगाच्या पहिल्या कर्णाची लांबी 16 सेमी आणि दुसऱ्या कर्णाची लांबी 21 सेमी आहे.

11. □ TYPE असा काढा की $l(\text{TY}) = 3.5$ सेमी, $l(\text{YP}) = 5.5$ सेमी,

$l(\text{PE}) = 5$ सेमी, $m\angle P = 75^\circ$, $m\angle Y = 115^\circ$

उत्तर : कच्ची आकृती

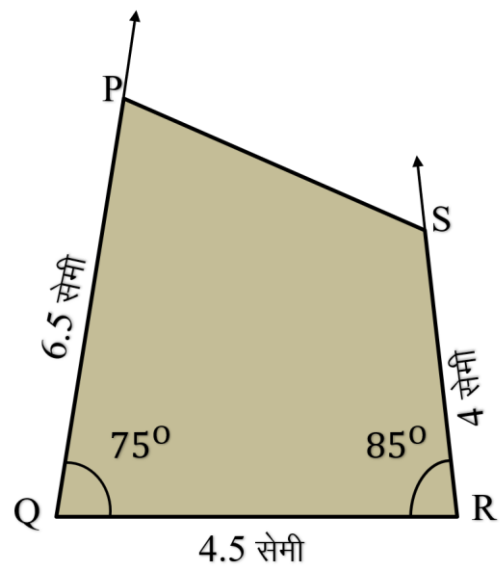
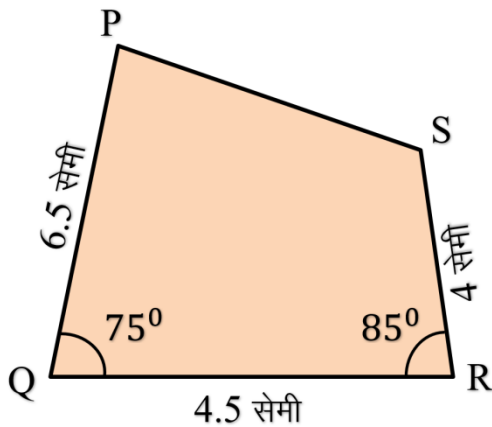
इष्ट आकृती



12. □ PQRS असा काढा की $l(PQ) = 6.5$ सेमी, $l(QR) = 4.5$ सेमी,
 $l(RS) = 4$ सेमी, $m\angle Q = 75^\circ$, $m\angle R = 85^\circ$

उत्तर : कच्ची आकृती

इष्ट आकृती

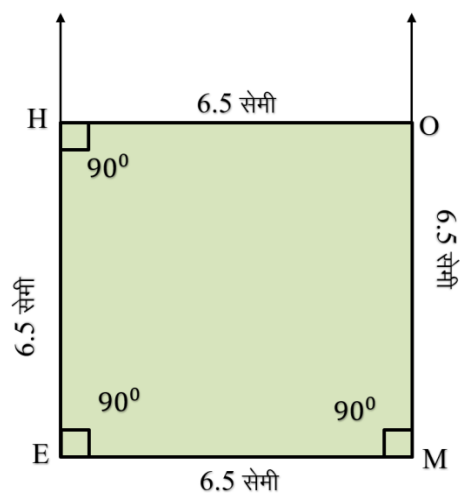
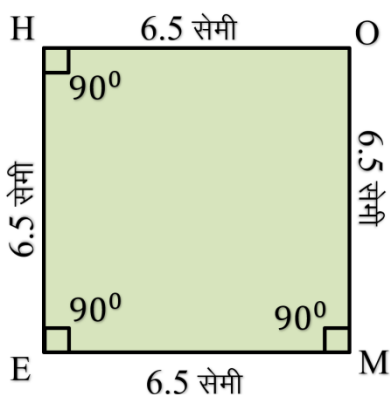


13. □ HOME असा काढा की $l(HO) = l(OM) = 6.5$ सेमी,

$m\angle H = m\angle O = m\angle M = 90^\circ$

उत्तर : कच्ची आकृती

इष्ट आकृती

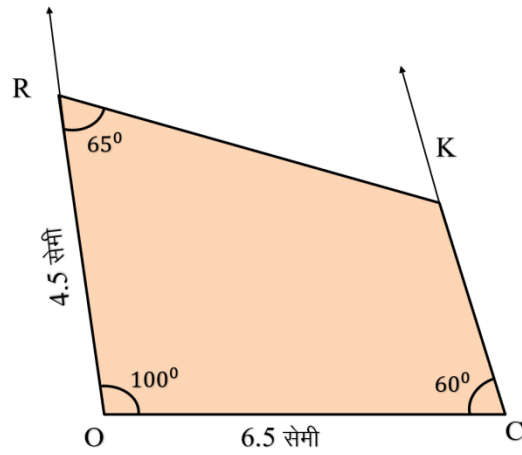
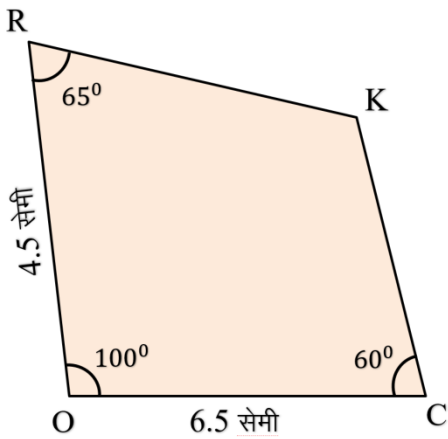


14. □ ROCK असा काढा की $l(RO) = 4.5$ सेमी, $l(OC) = 6.5$ सेमी,

$$m\angle R = 65^\circ, m\angle O = 100^\circ, m\angle C = 60^\circ$$

उत्तर : कच्ची आकृती

इष्ट आकृती

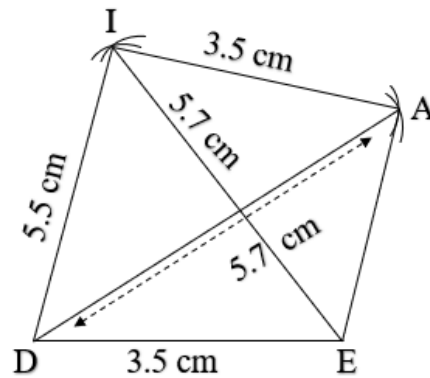
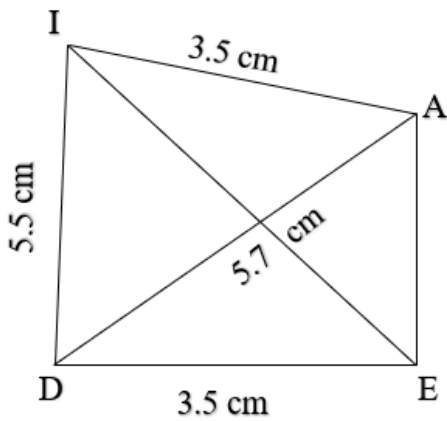


15. □ IDEA असा काढा की $l(IA) = l(DE) = 3.5$ सेमी, $l(ID) = 5.5$ सेमी,

$$l(DA) = l(IE) = 5.7 \text{ सेमी.}$$

उत्तर : कच्ची आकृती

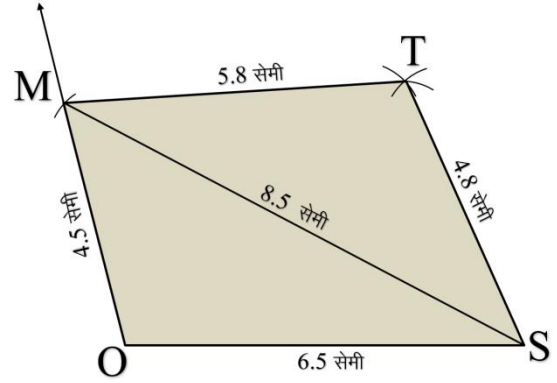
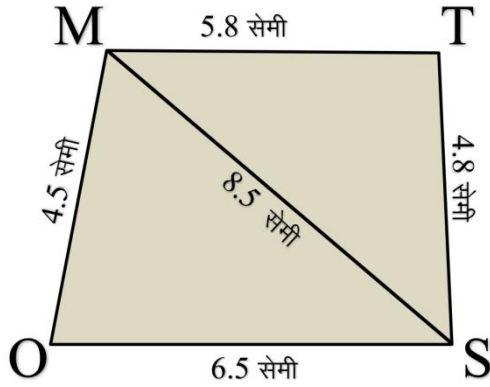
इष्ट आकृती



16. □ MOST असा काढा की $l(MO) = 4.5$ सेमी, $l(OS) = 6.5$ सेमी,
 $l(ST) = 4.8$ सेमी. $l(MT) = 5.8$ सेमी आणि कर्ण $l(MS) = 8.5$ सेमी

उत्तर : कच्ची आकृती

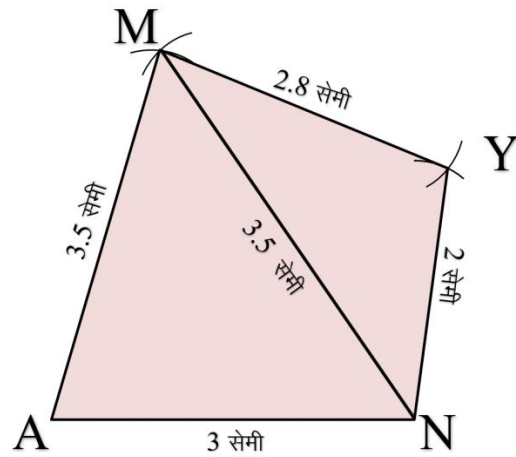
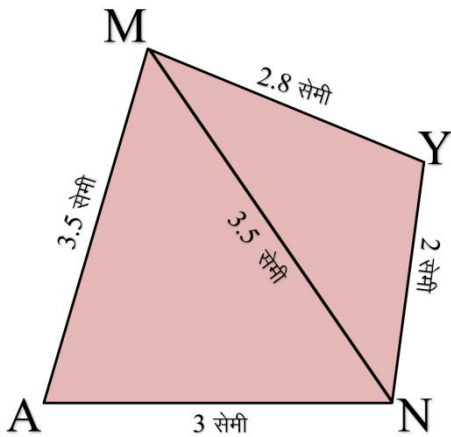
इष्ट आकृती



17. □ MANY काढा. $l(MA) = 3.5$ सेमी, $l(AN) = 3$ सेमी, $l(NY) = 2$ सेमी,
 $l(MY) = 2.8$ सेमी, $l(MN) = 3.5$ सेमी.

उत्तर : कच्ची आकृती

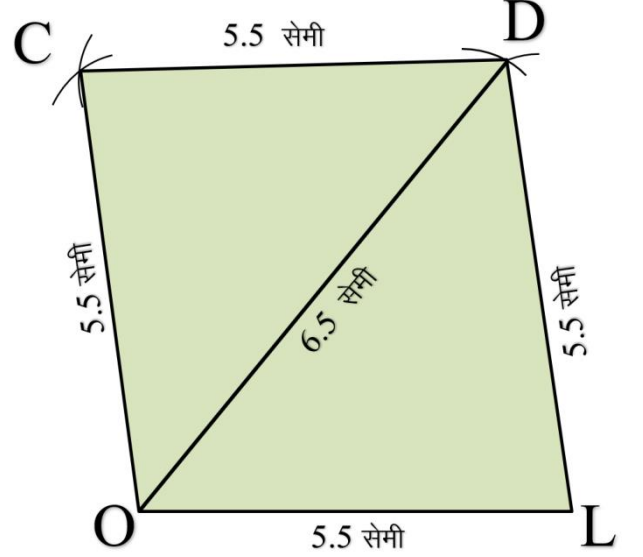
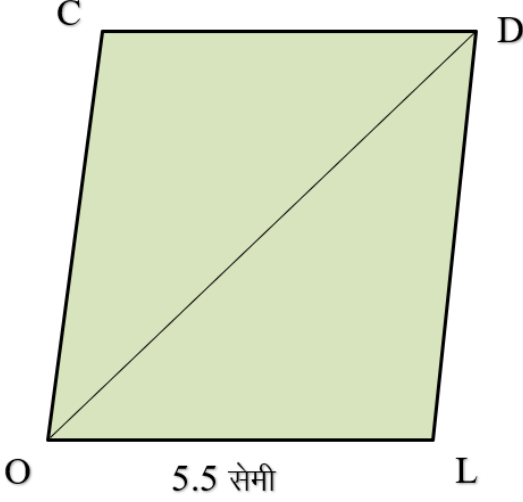
इष्ट आकृती



18. समभुज चौकोन **COLD** ची एक बाजू 5.5 सेमी व एक कर्ण 6.5 सेमी आहे
तर $\square$ **COLD** काढा.

उत्तर : कच्ची आकृती

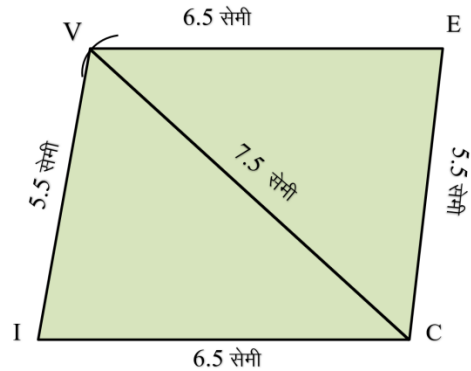
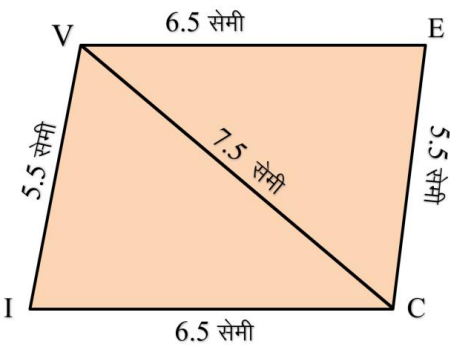
इष्ट आकृती



19. समांतरभुज $\square$ **VICE** मध्ये, $l(VI) = 5.5$ सेमी, $l(IC) = 6.5$ सेमी,
 $l(VC) = 7.5$ सेमी तर $\square$ **VICE** काढा.

उत्तर : कच्ची आकृती

इष्ट आकृती



टीप : समांतरभुज चौकानाच्या संमुख बाजू समान लांबीच्या असतात म्हणून

$l(VI) = l(EC) = 5.5$ सेमी आणि $l(IC) = l(VE) = 6.5$ सेमी.

20. □ READ हा समांतरभुज असून $\angle R = 70^\circ$ आहे. तर उरलेल्या कोनांची मापे काढण्यासाठी खाली दिलेली कृती पूर्ण करा.

कृती :

□ READ हा समांतरभुज चौकोन आहे.

समांतरभुज चौकोनाचे लगतचे कोन पूरक असतात.

$$\therefore m\angle R + m\angle E = \square$$

परंतु $m\angle R = \square$ दिले आहे.

$$\therefore \square + m\angle E = \square$$

$$\therefore m\angle E = \square - \square = \square$$

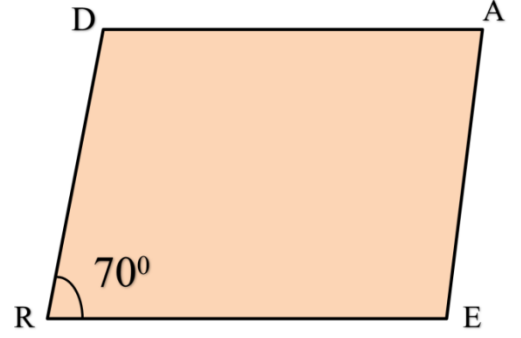
समांतरभुज चौकोनाचे संमुख कोन एकरूप असतात.

$$\therefore m\angle D = m\angle E = \square \text{ आणि}$$

$$m\angle A = m\angle R = \square$$

$$\therefore m\angle R = \square, m\angle E = \square, m\angle A = \square \text{ आणि}$$

$$m\angle D = \square \text{ आहे.}$$



उकल : □ READ हा समांतरभुज चौकोन आहे.

समांतरभुज चौकोनाचे लगतचे कोन पूरक असतात.

$$\therefore m\angle R + m\angle E = \boxed{180^\circ}$$

परंतु $m\angle R = \boxed{70^\circ}$ दिले आहे.

$$\therefore \boxed{70^\circ} + m\angle E = \boxed{180^\circ}$$

$$\therefore m\angle E = \boxed{180^\circ} - \boxed{70^\circ} = \boxed{110^\circ}$$

समांतरभुज चौकोनाचे संमुख कोन एकरूप असतात.

$$\therefore m\angle D = m\angle E = \boxed{110^0} \text{ आणि}$$

$$m\angle A = m\angle R = \boxed{70^0}$$

$$\therefore m\angle R = \boxed{70^0}, m\angle E = \boxed{110^0}, m\angle A = \boxed{70^0} \text{ आणि}$$

$$m\angle D = \boxed{110^0} \text{ आहे.}$$

21. सोबतच्या आकृतीमध्ये, $\square PINK$ हा समलंब चौकोन आहे. समलंब चौकोनाच्या समांतर बाजूंमधील लंबांतर IN आहे. $I(KN) = 20$ सेमी असेल तर $I(IN)$ काढण्यासाठी खाली दिलेली कृती पूर्ण करा.

कृती :

रेख $PM \perp$ बाजू KN काढा.

त्याच्या छेदनबिंदूला M नाव द्या.

$\square PINM$ हा आयत तयार झाला.

आयताच्या संमुख बाजूंची लांबी समान असते.

$$\therefore I(MN) = I(PI) = \boxed{} \text{ सेमी}$$

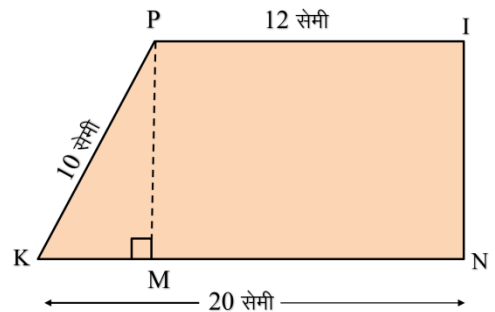
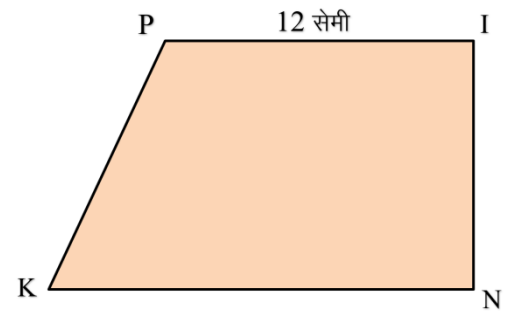
$$\text{तसेच } I(KN) = I(KM) + I(MN)$$

$$\text{परंतु } I(KN) = 18 \text{ सेमी, } I(MN) = \boxed{}$$

$$\therefore 18 = I(KM) + \boxed{}$$

$$\therefore I(KM) = 18 - \boxed{}$$

$$\therefore I(KM) = \boxed{} \text{ सेमी}$$



ΔPMK हा काटकोन त्रिकोण आहे.

$\therefore$ पायथागोरसच्या प्रमेयानुसार,

$$\therefore l(PK)^2 = \square + l(PM)^2$$

परंतु $l(PK) = \square$ सेमी

$$\therefore \square = \square + l(PM)^2$$

$$\therefore l(PM)^2 = \square - \square = 100 - \square = \square$$

$$\therefore l(PM) = \square \text{ सेमी}$$

आयताच्या संमुख बाजूंची लांबी समान असते.

$$\therefore l(IN) = l(PM) = \square \text{ सेमी}$$

$\therefore$ समलंब चौकोनाच्या समांतर बाजूंमधील लंबांतर सेमी आहे.

उकल : रेख $PM \perp$ बाजू KN काढा. त्याच्या छेदनबिंदूला M नाव द्या.

$\square PINM$ हा आयत तयार झाला.

आयताच्या संमुख बाजूंची लांबी समान असते.

$$\therefore l(MN) = l(PI) = \boxed{12} \text{ सेमी}$$

तसेच $l(KN) = l(KM) + l(MN)$

परंतु $l(KN) = 18$ सेमी, $l(MN) = \boxed{12}$ सेमी

$$\therefore 18 = l(KM) + \boxed{12}$$

$$\therefore l(KM) = 18 - \boxed{12}$$

$$\therefore l(KM) = \boxed{6} \text{ सेमी}$$

ΔPMK हा काटकोन त्रिकोण आहे.

∴ पायथागोरसच्या प्रमेयानुसार,

$$\therefore l(PK)^2 = l(KM)^2 + l(PM)^2$$

$$\text{परंतु } l(PK) = 10 \text{ सेमी}$$

$$\therefore (10)^2 = (6)^2 + l(PM)^2$$

$$\begin{aligned}\therefore l(PM)^2 &= (10)^2 - (6)^2 \\ &= 100 - 36 \\ &= 64\end{aligned}$$

$$\therefore l(PM) = 8 \text{ सेमी}$$

आयताच्या संमुख बाजूंची लांबी समान असते.

$$\therefore l(IN) = l(PM) = 8 \text{ सेमी}$$

∴ समलंब चौकोनाच्या समांतर बाजूंमधील लंबांतर 8 सेमी आहे.

22. खालील विधाने चूक की बरोबर ते लिहा.

1. प्रत्येक चौरस हा समांतरभुज चौकोन असतो.

उत्तर : बरोबर

स्पष्टीकरण : चौरसाच्या संमुख बाजू एकरूप व समांतर असतात.

2. प्रत्येक समभुज चौकोन हा आयत असतो.

उत्तर : चूक, आयताचा प्रत्येक कोन काटकोन असतो, परंतु समभुज चौकोनाचा प्रत्येक कोन काटकोन असतोच असे नाही. म्हणून प्रत्येक समभुज चौकोन हा आयत नसतो.

3. समांतरभुज चौकोनाचे कर्ण एकरूप असतात.

उत्तर : चूक, समांतरभुज चौकोनाचे कर्ण एकरूप नसतात.

4. प्रत्येक चौरस हा समभुज चौकोन असतो.

उत्तर : बरोबर

स्पष्टीकरण : प्रत्येक चौरसाच्या सर्व बाजू समभुज चौकोनाप्रमाणे एकरूप असतात.

5. प्रत्येक आयत हा समांतरभुज चौकोन असतो.

उत्तर : बरोबर

स्पष्टीकरण : आयताच्या संमुख बाजू एकरूप व समांतर असतात.

6. प्रत्येक समभुज आयत हा चौरस असतो.

उत्तर : बरोबर

स्पष्टीकरण : चौरस हा आयत आणि चौकोनही असतो.

7. प्रत्येक आयत हा चौरस असतो.

उत्तर : चूक, प्रत्येक आयत हा चौरस नसतो कारण चौरसाच्या सर्व बाजू समान लांबीच्या असतात आणि आयताच्या संमुख बाजूंची लांबी समान असते.

8. प्रत्येक चौरस हा आयत असतो.

उत्तर : बरोबर

स्पष्टीकरण : आयताचे आणि चौरसाचे कर्ण एकरूप असतात आणि ते परस्परांना दुभागतात.

9. जर समांतरभुज चौकोनाचे कर्ण परस्परांना लंब असतील तर तो समभुज चौकोन असतो.

उत्तर : बरोबर

10. चौरसाचे कर्ण एकरूप असून परस्परांना दुभागतात.

उत्तर : बरोबर

23. खालील जोड्या जुळवा.

‘ अ ’ गट

‘ ब ’ गट

1) आयत

(a) संमुख बाजूंची एकच जोडी समांतर असते.

2) समांतरभुज चौकोन

(b) लगतच्या बाजूंच्या दोन जोड्या एकरूप असतात.

3) समलंब चौकोन

(c) कर्ण एकरूप असतात.

4) पतंग

(d) कर्ण एकरूप नसतात.

उत्तर : 1) आयत

(c) कर्ण एकरूप असतात.

2) समांतरभुज चौकोन

(d) कर्ण एकरूप नसतात.

3) समलंब चौकोन

(a) संमुख बाजूंची एकच जोडी समांतर असते.

4) पतंग

(b) लगतच्या बाजूंच्या दोन जोड्या एकरूप असतात.
